

伯仲教育 22006《经济数学基础 12》国家开放大学期末考试题库

(494) [笔试+一平台机考]

适用:【笔试+一平台机考】【试卷号: 22006】【课程号:】

总题量 (494): 单选(279) 填空(113) 应用分析题(16) 微积分计算(48) 线性代数计算题(38)

作者: 伯仲教育: (任何问题可微信留言, 搜微信: Wj585858-)

单选(279)-伯仲教育: (微信搜: Wj585858-)

1、 $d/dx \int \sin(1-x^2) dx = ()$

$$\frac{d}{dx} \int_0^{\pi} \sin(1+x^2) dx = () . \text{答案: } 0.$$

2、 $d/dx \int \sin x dx = ()$

$$\frac{d}{dx} \int_0^{\pi} \sin x dx = () .$$

3、 $d/dx \int \ln x dx = ()$

$$\frac{d}{dx} \int_1^e \ln x dx = () . \text{答案: } 0$$

4、 $d/dx \int \cos x dx = ()$

$$\frac{d}{dx} \int \cos x dx = () . \text{答案: } \cos x$$

5、 $\lim_{x \rightarrow -2} -2x^2 - 4/\sin(x+2) = ()$

$$\lim_{x \rightarrow -2} \frac{x^2 - 4}{\sin(x+2)} = () . \text{答案: } -4$$

6、 $\lim_{x \rightarrow 0} 0x - 2\sin x/x = ()$

$$\lim_{x \rightarrow 0} \frac{x - 2 \sin x}{x} = () . \text{答案: } -1$$

7、 $\lim_{x \rightarrow 0} 0x - \sin x/x = ()$

$$\lim_{x \rightarrow 0} \frac{x - \sin x}{x} = () . \text{答案: } 0$$

8、 $\lim_{x \rightarrow 1} 1x^2 - 1/\sin(x-1) = ()$

$$\lim_{x \rightarrow 1} \frac{x^2 - 1}{\sin(x-1)} = () . \text{答案: } 2$$

9、 $\lim_{x \rightarrow 1} 1x^2 - 3x + 2/x^2 - 7x + 6 = ()$

$$\lim_{x \rightarrow 1} \frac{x^2 - 3x + 2}{x^2 - 7x + 6} = \frac{1}{5} . \text{答案: } \frac{1}{5}$$

10、 $\lim_{x \rightarrow 2} 2x^2 - 4/\sin(x-2) = ()$

$$\lim_{x \rightarrow 2} \frac{x^2 - 4}{\sin(x-2)} = () . \text{答案: } 4$$

11、 $\lim_{x \rightarrow 2} 2x^2 - 5x + 6/x^2 - 3x + 2 = ()$

$$\lim_{x \rightarrow 2} \frac{x^2 - 5x + 6}{x^2 - 3x + 2} = () . \text{答案: } -1$$

12、 $\lim_{x \rightarrow 2} 2x^2 - 5x + 6/x^2 - 6x + 8 = ()$

$$\lim_{x \rightarrow 2} \frac{x^2 - 5x + 6}{x^2 - 6x + 8} = \frac{1}{2} . \text{答案: } \frac{1}{2}$$

13、 $\lim_{x \rightarrow \infty} 4x^2 - 3x + 2/5x^2 + 2x + 3 = ()$

$$\lim_{x \rightarrow \infty} \frac{4x^2 - 3x + 2}{5x^2 + 2x + 3} = \frac{4}{5} . \text{答案: } \frac{4}{5}$$

14、 $\lim_{x \rightarrow \infty} x - \sin x/x = ()$

$$\lim_{x \rightarrow \infty} \frac{x - \sin x}{x} = () . \text{答案: } 1$$

15、 $\lim_{x \rightarrow \infty} x^2 - 3x + 1/4x^2 + 2x + 4 = ()$

$$\lim_{x \rightarrow \infty} \frac{x^2 - 3x + 1}{4x^2 + 2x + 4} = \frac{1}{4} . \text{答案: } \frac{1}{4}$$

16、 $\lim_{x \rightarrow \infty} x^2 - 5x + 5/3x^2 + 2x + 4 = ()$

$$\lim_{x \rightarrow \infty} \frac{2x^2 - 3x + 5}{3x^2 + 2x + 4} = \frac{2}{3} . \text{答案: } \frac{2}{3}$$

17、n 元线性方程组有解的充分必要条件是 ()。

A.秩A=秩(闪)

18、 $y = x^2 - 4$

 $y = \sqrt{x^2 - 4}$ 的定义域是 $(-2, 2] \cup (2, +\infty)$

19、 $\int (\sin x)' dx = ()$

$$\int (\sin x)' dx = () . \text{答: } C. \sin x + c$$

20、 $\int (\tan x)' dx = ()$

$$\int (\tan x)' dx = () . \text{答案: } \tan x + c$$

21、 $\int x^2 - 25/x - 5 dx = ()$

$$\int \frac{x^2 - 25}{x - 5} dx = \frac{x^2}{2} + 5x + c . \text{答案: } \frac{x^2}{2} + 5x + c$$

22、 $\int x^2 - 2x - 3/x - 3 dx = ()$

$$\int \frac{x^2 - 2x - 3}{x - 3} dx = \frac{1}{2}x^2 + x + c . \text{答案: } \frac{1}{2}x^2 + x + c$$

23、 $\int x^2 - 4/x + 2 dx = ()$

$$\int \frac{x^2 - 4}{x + 2} dx = \frac{1}{2}x^2 - 2x + c . \text{答案: } \frac{1}{2}x^2 - 2x + c$$

24、 $\int |1+x| dx = ()$

$$\int_{-2}^1 |1+x| dx = \frac{5}{2} . \text{答案: } \frac{5}{2}$$

25、 $\int |2-x| dx = ()$

$$\int_{-1}^2 |2-x| dx = \frac{9}{2} . \text{答案: } \frac{9}{2}$$

26、当 $a = ()$, $b = ()$ 时, 函数 $f(x) = \begin{cases} x \sin 1/x + b, & x < 0 \\ a, & x = 0 \\ \sin x, & x > 0 \end{cases}$ 在 $x=0$ 处连续。

$$f(x) = \begin{cases} x \sin \frac{1}{x} + b, & x < 0 \\ a, & x = 0 \\ \sin x, & x > 0 \end{cases}$$

当 $a = ()$, $b = ()$ 时, 函数答案: $a=1$, $b=1$ 27、当 $a = ()$, $b = ()$ 时, 函数 $f(x) = \begin{cases} x \sin 1/x + b, & x < 0 \\ a, & x = 0 \\ \sin 2x, & x > 0 \end{cases}$ 在 $x=0$ 处连续。

$$f(x) = \begin{cases} x \sin \frac{1}{x} + b, & x < 0 \\ a, & x = 0 \\ \sin 2x, & x > 0 \end{cases}$$

当 $a = ()$, $b = ()$ 时, 函数答案: $a=2$, $b=2$ 28、当 $a = ()$, $b = ()$ 时, 函数 $f(x) = \begin{cases} x \sin 1/x + b, & x < 0 \\ a, & x = 0 \\ \sin x, & x > 0 \end{cases}$ 在 $x=0$ 处连续。

$$f(x) = \begin{cases} x \sin \frac{1}{x}, & x < 0 \\ a, & x = 0 \\ \frac{\sin x}{x} + b, & x > 0 \end{cases}$$

当 $a = ()$, $b = ()$ 时, 函数

答案: $a=0, b=-1$

29、当 $x \rightarrow 0$ 时, 下列变量为无穷小量的是()

D. x^3

30、当 $x \rightarrow 1$ 时, 变量 () 为无穷小量。

D. $\ln x$

31、当时 $x \rightarrow +\infty$, 下列变量为无穷小量的是 ()。

$$\frac{\sin x}{x}$$

32、当时 $x \rightarrow 0$, 下列变量为无穷小量的是 ()。

$$x \sin \frac{1}{x}$$

33、对线性方程组 $\begin{cases} x-3x_2-2x_3=-1 \\ 3x_1-8x_2-4x_3=0 \\ -2x_1+5x_2+2x_3=-1 \end{cases}$ 的增广矩阵做初等行变换可得

$$\bar{A} = \begin{bmatrix} 1 & -3 & -2 & -1 \\ 3 & -8 & -4 & 0 \\ -2 & 5 & 2 & -1 \end{bmatrix} \rightarrow L \rightarrow \begin{bmatrix} 1 & 0 & 4 & 8 \\ 0 & 1 & 2 & 3 \\ 0 & 0 & 0 & 0 \end{bmatrix}$$

则该方程组的一般解为 ()，其中 x_3 是自由未知量。

$$\text{答案: } \begin{cases} x_1 = -4x_3 + 8 \\ x_2 = -2x_3 + 3 \end{cases}$$

34、对线性方程组 $\begin{cases} x-3x_2-2x_3=1 \\ 3x_1-8x_2-4x_3=0 \\ -2x_1+5x_2+2x_3=1 \end{cases}$ 的增广矩阵做初等行变换可得

$$\bar{A} = \begin{bmatrix} 1 & -3 & -2 & 1 \\ 3 & -8 & -4 & 0 \\ -2 & 5 & 2 & 1 \end{bmatrix} \rightarrow L \rightarrow \begin{bmatrix} 1 & 0 & 4 & -8 \\ 0 & 1 & 2 & -3 \\ 0 & 0 & 0 & 0 \end{bmatrix}$$

则该方程组的一般解为 ()，其中 x_3 是自由未知量。

$$\text{答案: } \begin{cases} x_1 = -4x_3 - 8 \\ x_2 = -2x_3 - 3 \end{cases}$$

35、对线性方程组 $\begin{cases} x_1-x_2-x_3=1 \\ x_1+x_2-2x_3=2 \\ x_1+3x_2+ax_3=b \end{cases}$ 的增广矩阵做初等行变换可得, 则当 () 时, 该方程组有唯一解。

$$\bar{A} = \begin{bmatrix} 1 & -1 & -1 & 1 \\ 1 & 1 & -2 & 2 \\ 1 & 3 & a & b \end{bmatrix} \rightarrow L \rightarrow \begin{bmatrix} 1 & -1 & -1 & 1 \\ 0 & 2 & -1 & 1 \\ 0 & 0 & a+3 & b-3 \end{bmatrix}$$

有唯一解。

答案: $a = -3$

36、对线性方程组 $\begin{cases} x_1-x_2-x_3=1 \\ x_1+x_2-2x_3=2 \\ x_1+3x_2+ax_3=b \end{cases}$ 的增广矩阵做初等行变换可得, 则当 () 时, 该方程组无解。

$$\bar{A} = \begin{bmatrix} 1 & -1 & -1 & 1 \\ 1 & 1 & -2 & 2 \\ 1 & 3 & a & b \end{bmatrix} \rightarrow L \rightarrow \begin{bmatrix} 1 & -1 & -1 & 1 \\ 0 & 2 & -1 & 1 \\ 0 & 0 & a+3 & b-3 \end{bmatrix}$$

则当 () 时, 该方程组无解。

答案: $a = -3$ 且 $b = 3$

37、对线性方程组 $\begin{cases} x_1-x_2-x_3=1 \\ x_1+x_2-2x_3=2 \\ x_1+3x_2+ax_3=b \end{cases}$ 的增广矩阵做初等行变换可得, 则当 () 时, 该方程组有无穷多解。

$$\bar{A} = \begin{bmatrix} 1 & -1 & -1 & 1 \\ 1 & 1 & -2 & 2 \\ 1 & 3 & a & b \end{bmatrix} \rightarrow L \rightarrow \begin{bmatrix} 1 & -1 & -1 & 1 \\ 0 & 2 & -1 & 1 \\ 0 & 0 & a+3 & b-3 \end{bmatrix}$$

有无穷多解。

答案: $a = -3$ 且 $b = 3$

38、对线性方程组的增广矩阵做初等行变换可得 $\begin{cases} x-3x_2-2x_3=1 \\ -2x_1+5x_2+2x_3=1 \\ 3x_1-8x_2-4x_3=0 \end{cases}$

$$\bar{A} = \begin{bmatrix} 1 & -3 & -2 & 1 \\ -2 & 5 & 2 & 1 \\ 3 & -8 & -4 & 0 \end{bmatrix} \rightarrow L \rightarrow \begin{bmatrix} 1 & 0 & 4 & -8 \\ 0 & 1 & 2 & -3 \\ 0 & 0 & 0 & 0 \end{bmatrix}$$

则该方程组的一般解为 ()，其中 x_3 是自由未知量。

$$\text{答案: } \begin{cases} x_1 = -4x_3 - 8 \\ x_2 = -2x_3 - 3 \end{cases}$$

39、高需求量 q 对价格 p 的函数为, 则需求弹性为 ()。

设需求量 q 对价格 p 的函数为 $q(p) = 3 - 2\sqrt{p}$, 则需求弹性为 $E = ()$

$$D. \frac{-\sqrt{p}}{3-2\sqrt{p}}$$

40、根据一阶线性微分方程的通解公式求解 $(1+x^2)y' + xy = x^2$, 则下列选项正确的是 ()。

根据一阶线性微分方程的通解公式求解 $(1+x^2)y' + xy = x^2$, 则下列选项正确的是 ()。

$$P(x) = \frac{x}{1+x^2}, Q(x) = \frac{x^2}{1+x^2}$$

41、根据一阶线性微分方程的通解公式求解 $y' - \frac{2}{x}y = x^3$, 则下列选项正确的是 ()。

根据一阶线性微分方程的通解公式求解 $y' - \frac{2}{x}y = x^3$, 则下列选项正确的是 ()。

$$P(x) = -\frac{2}{x}, Q(x) = x^3$$

42、根据一阶线性微分方程的通解公式求解有 $y' - xy = 1/x$, 则下列选项正确的是 ()

根据一阶线性微分方程的通解公式求解有 $y' - xy = \frac{1}{x}$, 则下列选项正确的是 ()

$$P(x) = -x, Q(x) = \frac{1}{x}$$

43、函数 $f(x) = 4 - x + 1/\ln(x-1)$ 的定义域为 () .

函数 $f(x) = \sqrt{4-x} + \frac{1}{\ln(x-1)}$ 的定义域为 () . 答案: $(1,2) \cup (2,4]$

44、函数 $f(x) = 5 - x + 1/\ln(x-1)$ 的定义域为 () .

函数 $f(x) = \sqrt{5-x} + \frac{1}{\ln(x-1)}$ 的定义域为 () . 答案: $(1,2) \cup (2,5]$

45、函数 $f(x) = \sqrt{5-x} + \ln(x-1)$ 的定义域为 ()

函数 $f(x) = \sqrt{5-x} + \frac{1}{\ln(x-1)}$ 的定义域为 () .

A. $(1,2) \cup (2,5]$

46、函数 $f(x) = \begin{cases} \sin x/x, & x \neq 0 \\ k, & x = 0 \end{cases}$ 在 $x=0$ 处连续, 则 $k = ()$.

函数 $f(x) = \begin{cases} \frac{\sin x}{x}, & x \neq 0 \\ k, & x = 0 \end{cases}$ 在 $x=0$ 处连续, 则 $k = ()$.

答案: A.1

47、函数 $\lim_{x \rightarrow 1} x^2 - 1/\sin(x-1)$ 的定义域为 () .

函数 $\lim_{x \rightarrow 1} \frac{x^2 - 1}{\sin(x-1)}$ 的定义域为 () . 答案: $(-1,0) \cup (0,4]$

48、函数 $y = 3(x+1)^2$ 的驻点是 () .

函数 $y = 3(x+1)^2$ 的驻点是 () . 答案: $x = -1$

49、函数 $y = 3(x-2)^2$ 的驻点是 () .

$x = 2$

50、函数 $y = x/\lg(x+1)$ 的定义域是 () .

函数 $y = \frac{x}{\lg(x+1)}$ 的定义域是 () .

D. $x > -1$ 且 $x \neq 0$

51、计算定积分: $\int |1+x| dx$, 则下列步骤中正确的是 () .

$$\int_{-1}^2 |1-x| dx = \int_{-1}^1 (1-x) dx + \int_1^2 (x-1) dx$$

52、计算无穷限积分 $\int_{-\infty}^{\infty}$

计算无穷限积分 $\int_1^{\infty} \frac{1}{x^2} dx = (C, \frac{1}{2})$.

53、矩阵 $A = [1-11]$ 的秩是 () .

矩阵 $A = \begin{bmatrix} 1 & -1 & 1 \\ 2 & 0 & -1 \\ 1 & -3 & 3 \end{bmatrix}$ 的秩是 () . 答案: 3

54、矩阵 $A = [1-11]$ 的秩是 () .

矩阵 $A = \begin{bmatrix} 1 & -1 & 1 \\ 0 & 2 & -1 \\ -1 & 1 & 3 \end{bmatrix}$ 的秩是 () . 答案: 3

55、矩阵 $A = [124]$ 的秩是 () .

设矩阵 $A = \begin{bmatrix} 1 & 2 & 4 \\ 2 & 4 & 8 \\ \frac{1}{2} & 1 & \lambda \end{bmatrix}$, 则当 $\lambda = ()$ 时, $r(A)$ 最小. 答案: 2

56、矩阵 $A = [124]$ 的秩是 () .

设矩阵 $A = \begin{bmatrix} 1 & 2 & 4 \\ 2 & 4 & 8 \\ -\frac{1}{2} & -1 & \lambda \end{bmatrix}$, 则当 $\lambda = ()$ 时, $r(A)$ 最小. 答案: -2

57、列矩阵可逆的是 () .

$$\begin{bmatrix} 1 & 2 & 3 \\ 0 & 2 & 3 \\ 0 & 3 & 0 \end{bmatrix}$$

58、齐次线性方程组 $A_{3 \times 4} X_{4 \times 1} = 0$ () .

齐次线性方程组 $A_{3 \times 4} X_{4 \times 1} = 0$ () .

B. 有非零解

59、求解可分离变量的微分方程 $y' = ex + y$, 分离变量后可得 () .

求解可分离变量的微分方程 $y' = e^{x+y}$, 分离变量后可得 () .

$$\frac{dy}{e^y} = e^x dx$$

60、求解可分离变量的微分方程 $y' = f(x) + g(x)$, 分离变量后可得 () .

$$\frac{1}{g(y)} dy = f(x) dx$$

61、求解可分离变量的微分方程 $y' = x + xy$, 分离变量后可得 () .

$$\frac{dy}{1+y} = x dx$$

62、曲线 $y = x + 1$ 在点 (1,2) 的切线方程是 () .

曲线 $y = \sqrt{x} + 1$ 在点 (1,2) 的切线方程是 () . 答案: $y = \frac{1}{2}x + \frac{3}{2}$

63、曲线 $y = x - 1$ 在点 (1,0) 的切线方程是 () .

曲线 $y = \sqrt{x} - 1$ 在点 (1,0) 的切线方程是 () . 答案: $y = \frac{1}{2}x - \frac{1}{2}$

64、曲线 $y = x$ 在点 (1,1) 的切线方程是 () .

曲线 $y = \sqrt{x}$ 在点 (1,1) 的切线方程是 () . 答案: $y = \frac{1}{2}x + \frac{1}{2}$

65、曲线 $y = \sqrt{x+1}$ 在点 (1,2) 的切线方程是 () .

曲线 $y = \sqrt{x} + 1$ 在点 (1,2) 的切线方程是 () .

A. $y = \frac{1}{2}x + \frac{3}{2}$

66、若 $f(1/x) = x$, 则 $df(x) = ()$.

若 $f(\frac{1}{x}) = x$, 则 $df(x) = ()$. 答案: $-\frac{1}{x^2} dx$

67、若 $f(1/x)=x$,则 $f'(x)=$ ()。

若 $f(\frac{1}{x})=x$, 则 $f'(x)=$ ()。答案: $-\frac{1}{x^2}$

68、若 $F(x)$ 是 $f(x)$ 的一个原函数,则下列等式成立的是 ()。

答案: C. $\int_a^x f(x) dx = F(x) - F(a)$

69、若 $f(x+1)=x$,则 $f'(x)=$ ()。

答案: 1

70、若 n 元线性方程组 $AX=0$ 满足 $r(A)=n$,则该线性方程组 ()。

B.有唯一解

71、若 $y=\lg 2x$,则 $dy=$ ()。

设 $y=\lg 2x$, 则 $dy=$ ()。答案: $\frac{1}{x \ln 10} dx$

72、若 $y=\lg 2x$,则 $y'=$ ()。

设 $y=\lg 2x$, 则 $y'=$ ()。答案: $\frac{1}{x \ln 10}$

73、若 $y=\lg 5x$,则 $dy=$ ()。

设 $y=\lg 5x$, 则 $dy=$ ()。答案: $\frac{1}{x \ln 10} dx$

74、若 $\int f(x)dx=2x+2x+c$,则 $f(x)=$ ()。

若 $\int f(x)dx=2x^2+2x+c$, 则 $f(x)=$ ()。

2Fln2+2

75、若 $\int f(x)dx=F(x)+c$,则 $\int f(4x-5)dx=$ ()。

若 $\int f(x)dx=F(x)+c$, 则 $\int f(4x-5)dx=$ ()。

D. $\frac{1}{4}F(4x-5)+c$

76、若 $\int f(x)dx=F(x)x+c$,则 $\int f(3+\ln x)/x dx=$ ()。

若 $\int f(x)dx=F(x)+c$, 则 $\int \frac{f(3+\ln x)}{x} dx=$ ()。

F(3+ln x)+c

77、若 $\int f(x)dx=F(x)x+c$,则 $\int f(3x-2)dx=$ ()。

若 $\int f(x)dx=F(x)+c$, 则 $\int f(3x-2)dx=$ ()。

$\frac{1}{3}F(3x-2)+c$

78、若 $\int f(x)dx=F(x)x+c$,则 $\int f(e^x)dx=$ ()。

若 $\int f(x)dx=F(x)+c$, 则 $\int f(3x-2)dx=$ ()。

-F(e^x)+c

79、若 $\int f(x)dx=\sin x+5-x+c$,则 $f(x)=$ ()。

若 $\int f(x)dx=\sin x+5^{-x}+c$, 则 $f(x)=$ ()。

cos x-5⁻¹ln5

80、若 $\int f(x)dx=x+1/x+c$,则 $f(x)=$ ()。

若 $\int f(x)dx=x+\frac{1}{x}+c$, 则 $f(x)=$ ()。答案: $1-\frac{1}{x^2}$

81、若函数 $f(x)=\{x^2+1$

若函数 $f(x)=\begin{cases} x^2+1, & x \neq 0 \\ k, & x=0 \end{cases}$, 在 $x=0$ 处连续, 则 $k=$ (B. 1)。

82、若函数 $f(x)$ 在 x_0 点处连续,则 () 是正确的。

函数 $f(x)$ 在 x_0 点处有定义

83、若函数 $f(x)$ 在点 x_0 处可微,则 () 是错误的。

$\lim_{x \rightarrow x_0} f(x) = A$, 但 $A \neq f(x_0)$

84、若线性方程组 $AX=0$ 有无穷多解,则线性方程组 $AX=b$ ()。

有无穷多解

85、若线性方程组 $AX=0$ 只有零解,则线性方程组 $AX=b$ ()。

解不能确定

86、若线性方程组 $AX=b$ 有唯一解,则线性方程组 $AX=0$ ()。

A. 只有零解

87、若线性方程组 $AX=b$ 中, $r(A)=4, r(A)=3$,则该线性方程组 ()。

B. 无解

88、若线性方程组 $AX=0$ 只有零解,则线性方程组 $AX=b$ ()。

D. 解不能确定

89、若线性方程组的增广矩阵为 A , 则当 $\lambda=$ () 时该线性方程组无解。

若线性方程组的增广矩阵为 $A = \begin{bmatrix} 1 & \lambda & 2 \\ 0 & 1-2\lambda & -4 \end{bmatrix}$,

则当 $\lambda=$ () 时该线性方程组无解。

A. 1/2

90、若线性方程组的增广矩阵为 A

$A = \begin{bmatrix} 1 & \lambda & 2 \\ 2 & 1 & 0 \end{bmatrix}$, 则当 $\lambda=$ (A. $\frac{1}{2}$) 时线性方程组无解。

91、设 A 为 3×4 矩阵, B 为 5×2 矩阵,且乘积矩阵 $ACBT$ 有意义,则 C 为 () 矩阵

4×2

92、设 A 为 5×2 矩阵, B 为 3×4 矩阵,且乘积矩阵 $ACBT$ 有意义,则 C 为 () 矩阵

2×4

93、设 A, B 均为 n 阶矩阵, $(I+B)$ 可逆,则矩阵方程 $A-BX=X$ 的解 $X=$ ()。

$(I+B)^{-1}A$

94、设 A, B 均为 n 阶矩阵, $(I-B)$ 可逆,则矩阵方程 $A+BX=X$ 的解 $X=$ ()。

$(I-B)^{-1}A$

95、设 A, B 均为 n 阶矩阵, $(I-B)$ 可逆,则矩阵方程 $A+XB=X$ 的解 $X=$ ()。

$A(I-B)^{-1}$

96、设 A, B 均为 n 阶矩阵,则等式 $(A-B)^2=A^2+2AB+B^2$ 成立的充分必要条件是 ()。

设 A, B 均为 n 阶矩阵, 则等式 $(A+B)^2=A^2+2AB+B^2$ 成立的充分必要条件是 ()。

$AB=BA$

97、设 A, B 均为 n 阶矩阵,则等式 $(A-B)^2=A^2-2AB+B^2$ 成立的充分必要条件是 ()。

D. $AB=BA$

98、设 A, B 均为 n 阶可逆矩阵,则下列等式成立的是 ()。

D. $(A+B)^T=A^T+B^T$

99、设 A, B 均为 n 阶可逆矩阵,则下列等式成立的是 ()。

$|AB|=|BA|$

100、设 A, B 均为 n 阶可逆矩阵,则下列等式成立的是 ()。

$(A \cdot B)^{-1} = B^{-1} \cdot A^{-1}$

101、设 $A=[-21], B=[01]$, 则 $AB=()$ 。

设 $A = \begin{bmatrix} -2 & 1 \\ 5 & 3 \end{bmatrix}, B = \begin{bmatrix} 0 & 1 \\ 1 & 0 \end{bmatrix}$, 则 $AB = ()$ 。答案: $\begin{bmatrix} 1 & -2 \\ 3 & 5 \end{bmatrix}$

102、设 $A=[-21], B=[01]$, 则 $BA=()$ 。

设 $A = \begin{bmatrix} -2 & 1 \\ 5 & 3 \end{bmatrix}, B = \begin{bmatrix} 0 & 1 \\ 1 & 0 \end{bmatrix}$, 则 $BA = ()$ 。答案: $\begin{bmatrix} 5 & 3 \\ -2 & 1 \end{bmatrix}$

103、设 $A=[1-21]$, 则 $r(A)=()$

设 $A = \begin{bmatrix} 1 & -2 & 1 \\ 2 & 0 & -1 \\ 3 & -2 & 0 \end{bmatrix}$, 则 $r(A) = ()$ 。

答案: C.2

104、设 $A=[11-1], B=[200]$, 则 $|AB|=()$

设 $A = \begin{bmatrix} 1 & 1 & -1 \\ 0 & -1 & 1 \\ 0 & 0 & 1 \end{bmatrix}, B = \begin{bmatrix} 2 & 0 & 0 \\ 0 & -1 & 1 \\ 0 & 1 & 1 \end{bmatrix}$, 则 $|AB| = ()$ 。答案: -2.4

105、设 $A=[110], B=[200]$, 则 $|AB|=()$

设 $A = \begin{bmatrix} 1 & 1 & 0 \\ 0 & -1 & 1 \\ 1 & 0 & 1 \end{bmatrix}, B = \begin{bmatrix} 2 & 0 & 0 \\ 0 & -1 & 1 \\ 0 & 1 & 1 \end{bmatrix}$, 则 $|AB| = ()$ 。答案: 0

106、设 $A=[120-3]$, 则 $r(A)=()$ 。

设 $A = \begin{bmatrix} 1 & 2 & 0 & -3 \\ 0 & 0 & -1 & 3 \\ 2 & 4 & -1 & -3 \end{bmatrix}$, 则 $r(A) = ()$ 。

答案: B.2

107、设 $A=[13], I$ 为单位矩阵, 则 $(A-I)^T=()$

设 $A = \begin{bmatrix} 1 & 3 \\ -2 & 4 \end{bmatrix}$, I 为单位矩阵, 则 $(A-I)^T = ()$ 。答案: $\begin{bmatrix} 0 & -2 \\ 3 & 3 \end{bmatrix}$

108、设 $A=[13], I$ 为单位矩阵, 则 $(I-A)^T=()$

设 $A = \begin{bmatrix} 1 & 3 \\ -2 & 4 \end{bmatrix}$, I 为单位矩阵, 则 $(I-A)^T = ()$ 。答案: $\begin{bmatrix} 0 & 2 \\ -3 & -3 \end{bmatrix}$

109、设 AB 为同阶可逆矩阵, 则下列等式成立的是 ()。

C. $(AB)^T = B^T A^T$

110、设 A 是 $m \times n$ 矩阵, B 是 $s \times t$ 矩阵,

且 $AC^T B$ 有意义, 则 C 是 () 矩阵。

A. $s \times n$

111、设 A 是 $n \times s$ 矩阵, B 是 $m \times s$ 矩阵, 则下列运算中有意义的是 ()。

B. $A^T B$

112、设 A 是可逆矩阵, 且 $A+AB=I$, 则 $A^{-1}=()$ 。

答案: C. $I+B$

113、设 A 为 2×4 矩阵, B 为 3×5 矩阵, 且乘积矩阵 $AC^T B$ 有意义, 则 CT 为 () 矩阵

B. 5×4

114、设 A 为 3×2 矩阵, 则 B 为 2×3 矩阵, 则下列运算中 () 可以进行。

C. AB

115、设 A 为 3×4 矩阵, B 为 5×2 矩阵, 且乘积矩阵 $AC^T B$ 有意义, 则 CT 为 () 矩阵

2×4

116、设 A 为 5×2 矩阵, B 为 5×2 矩阵, 且乘积矩阵

$AC^T B$ 有意义, 则 C 为 () $B. 2 \times 4$ 矩阵。

117、设 $\cos(x+y)=4x$, 方程两边对 x 求导, 可得 ()。

$-\sin(x+y)(1+y')=4$

118、设 $f(x)=1/x+1$, 则 $f(f(x))=()$

设 $f(x) = \frac{1}{x} + 1$, 则 $f(f(x)) = ()$ 。答案: $\frac{x}{1+x} + 1$

119、设 $f(x)=1/x$, 则 $f(f(x))=()$

设 $f(x) = \frac{1}{x}$, 则 $f(f(x)) = ()$ 。答案: x

120、设 $f(x)=1/x$, 则 $f(f(x))=()$ 。

C. x

121、设 $f(x)=\ln(1+x^2)$, 则 $f'(x)=()$

$\frac{2-2x^2}{(1+x^2)^2}$

122、设 $f(x)=x-1/x$, 则 $f(f(x))=()$

设 $f(x) = \frac{x-1}{x}$, 则 $f(f(x)) = ()$ 。答案: $\frac{-1}{x-1}$

123、设 $f(x)=x \cos x$, 则 $f'(\pi/2)=()$

设 $f(x) = x \cos x$, 则 $f'(\frac{\pi}{2}) = ()$ 。答案: -2

124、设 $f(x)=x \sin x$, 则 $f'(\pi/2)=()$

设 $f(x) = x \sin x$, 则 $f'(\frac{\pi}{2}) = ()$ 。答案: $-\frac{\pi}{2}$

125、设 $f(x)=\begin{cases} x^2+1, & x \neq 0 \\ k, & x = 0 \end{cases}$ 在 $x=0$ 处连续, 则 $k=()$

设 $f(x) = \begin{cases} x^2+1, & x \neq 0 \\ k, & x = 0 \end{cases}$ 在 $x=0$ 处连续, 则 $k = ()$ 。答案: 1

126、设 $f(x)=\begin{cases} x^2+2, & x \neq 0 \\ k, & x = 0 \end{cases}$ 在 $x=0$ 处连续, 则 $k=()$

设 $f(x) = \begin{cases} x^2+2, & x \neq 0 \\ k, & x = 0 \end{cases}$ 在 $x=0$ 处连续, 则 $k = ()$ 。答案: 2

127、设 $f(x)=\begin{cases} x^2+k, & x \neq 0 \\ 1, & x = 0 \end{cases}$ 在 $x=0$ 处连续, 则 $k=()$

设 $f(x) = \begin{cases} x^2+k, & x \neq 0 \\ 1, & x = 0 \end{cases}$ 在 $x=0$ 处连续, 则 $k = ()$ 。答案: 1

128、设 $P(x)=\int_1^0 \frac{1}{1+t^2} dt$, 则 $P'(x)=()$ 。

设 $P(x) = \int_1^0 \frac{1}{\sqrt{1+t^2}} dt$, 则 $P'(x) = ()$ 。答案: $-\frac{1}{\sqrt{1+x^2}}$

129、设 $P(x)=\int_0^x e^{-t^2} dt$, 则 $P'(x)=()$ 。

设 $P(x) = \int_0^x \frac{e^{-t^2}}{2} dt$, 则 $P'(x) = ()$ 。答案: $\frac{e^{-x^2}}{2}$

130、设 $P(x)=\int_x^0 \ln(1+t^2) dt$, 则 $P'(x)=()$ 。

设 $P(x) = \int_x^0 \ln(1+t^2) dt$, 则 $P'(x) = ()$ 。

$-\ln(1+x^2)$

131、设 $\sin(x+2y)=3x$, 方程两边对 x 求导, 可得 ()。

$\cos(x+2y)(1+2y')=3$

132、设 $\sin(x+y)=4x$, 方程两边对 x 求导, 可得 ()。

$\cos(x+y)(1+y)'=4$

133、设 $y=1/\sqrt{2x-1}$, 则 $y'=()$ 。

设 $y = \frac{1}{\sqrt{2x-1}}$, 则 $y' = ()$. 答案: $-(2x-1)^{-\frac{3}{2}}$

134、设 $y=1/\sqrt{3x-5}$, 则 $y'=()$ 。

设 $y = \frac{1}{\sqrt{3x-5}}$, 则 $y' = ()$. 答案: $-\frac{3}{2}(3x-5)^{-\frac{3}{2}}$

135、设 $y=1/\sqrt{5x-3}$, 则 $y'=()$ 。

设 $y = \frac{1}{\sqrt{5x-3}}$, 则 $y' = ()$. 答案: $-\frac{5}{2}(5x-3)^{-\frac{3}{2}}$

136、设 $y=2x+3/x+2$, 则 $y'=()$ 。

设 $y = \frac{2x+3}{x+2}$, 则 $y' = ()$. 答案: $\frac{1}{(x+2)^2}$

137、设 $y=2x-3/3x-2$, 则 $y'=()$ 。

设 $y = \frac{2x-3}{3x-2}$, 则 $y' = ()$. 答案: $\frac{5}{(3x-2)^2}$

138、设 $y=2x-3/x-2$, 则 $y'=()$ 。

设 $y = \frac{2x-3}{x-2}$, 则 $y' = ()$. 答案: $-\frac{1}{(x-2)^2}$

139、设 $y=\cos\sqrt{x-2x}$, 则 $dy=()$

设 $y = \cos\sqrt{x-2x}$, 则 $dy = ()$.

$-(\frac{\sin\sqrt{x}}{2\sqrt{x}} + 2^x \ln 2) dx$

140、设 $y=\cos\sqrt{x-3x}$, 则 $dy=()$

设 $y = \cos\sqrt{x-3x}$, 则 $dy = ()$.

$-(\frac{\sin\sqrt{x}}{2\sqrt{x}} + 3^x \ln 3) dx$

141、设 $y=e^{2x}\cos 3x$, 则 $dy=()$ 。

设 $y = e^{2x} \cos 3x$, 则 $dy = ()$. 答案: $(2e^{2x} \cos 3x - 3e^{2x} \sin 3x) dx$

142、设 $y=e^{2x}\sin 3x$, 则 $dy=()$ 。

设 $y = e^{2x} \sin 3x$, 则 $dy = ()$. 答案: $(2e^{2x} \sin 3x + 3e^{2x} \cos 3x) dx$

143、设 $y=e^{3x}\sin 2x$, 则 $dy=()$ 。

设 $y = e^{3x} \sin 2x$, 则 $dy = ()$. 答案: $(3e^{3x} \sin 2x + 2e^{3x} \cos 2x) dx$

144、设 $y=\sin\sqrt{x-2x}$, 则 $dy=()$

设 $y = \sin\sqrt{x-2x}$, 则 $dy = ()$.

$(\frac{\cos\sqrt{x}}{2\sqrt{x}} - 2^x \ln 2) dx$

145、设 $y=x^2+2x+\log_2 x-22$, 则 $y'=()$ 。

设 $y = x^2 + 2x + \log_2 x - 22$, 则 $y' = ()$.

$2x + 2^x \ln 2 + \frac{1}{x \ln 2}$

146、设 $y=x^3+2x-\log_2 x-23$, 则 $y'=()$ 。

设 $y = x^3 + 2x - \log_2 x - 23$

$3x^2 + 2^x \ln 2 - \frac{1}{x \ln 2}$

147、设 $y=x^3+3x+\log_3 x-32$, 则 $y'=()$ 。

设 $y = x^3 + 3^x + \log_3 x - 32$, 则 $y' = ()$.

$3x^2 + 3^x \ln 3 + \frac{1}{x \ln 3}$

148、设 $\int f(x) dx = \ln x/x + C$

设 $\int f(x) dx = \frac{\ln x}{x} + C$, 则 $f(x) = (C, \frac{1-\ln x}{x^2})$.

149、设函数 $f(x+1)=x^2+2x+5$, 则 $f'(x)=()$ 。

$2x$

150、设函数 $f(x+1)=x^2+2x-5$, 则 $f'(x)=()$ 。

$2x$

151、设函数 $f(x+2)=x^2+4x+5$, 则 $f'(x)=()$ 。

$2x$

152、设矩阵 $A=[-100]$, 则 $A^{-1}=()$

设矩阵 $A = \begin{bmatrix} -1 & 0 & 0 \\ 0 & -2 & 0 \\ 0 & 0 & 3 \end{bmatrix}$, 则 $A^{-1} = ()$. 答案: $\begin{bmatrix} -1 & & \\ & -\frac{1}{2} & \\ & & \frac{1}{3} \end{bmatrix}$

153、设矩阵 $A=[-2740]$

设矩阵 $A = \begin{bmatrix} -2 & 7 & 4 & 0 \\ 1 & -1 & -3 & 5 \\ 3 & 2 & 0 & -1 \end{bmatrix}$, 则 A 的元素 $a_{31} = ()$.

答: A.3

154、设矩阵 $A=[100]$, 则 $A^{-1}=()$

设矩阵 $A = \begin{bmatrix} 1 & 0 & 0 \\ 0 & 2 & 0 \\ 0 & 0 & -3 \end{bmatrix}$, 则 $A^{-1} = ()$. 答案: $\begin{bmatrix} 1 & & \\ & \frac{1}{2} & \\ & & -\frac{1}{3} \end{bmatrix}$

155、设矩阵 $A=[104-5]$, 则 A 的元素 $a_{23}=()$

设矩阵 $A = \begin{bmatrix} 1 & 0 & 4 & -5 \\ 3 & -2 & 3 & 2 \\ 2 & 1 & 6 & -1 \end{bmatrix}$, 则 A 的元素 $a_{23} = ()$. 答案: 3

156、设矩阵 $A=[104-5]$, 则 A 的元素 $a_{24}=()$

设矩阵 $A = \begin{bmatrix} 4 & 0 & 1 & -5 \\ 3 & -2 & 3 & 2 \\ 6 & 1 & 2 & -1 \end{bmatrix}$, 则 A 的元素 $a_{24} = ()$. 答案: 2

157、设矩阵 $A=[200]$, 则 $(I-A)^{-1}=()$

设矩阵 $A = \begin{bmatrix} 2 & 0 & 0 \\ 0 & 3 & 0 \\ 0 & 0 & -2 \end{bmatrix}$, 则 $(I-A)^{-1} = ()$. 答案: $\begin{bmatrix} -1 & & \\ & -\frac{1}{2} & \\ & & \frac{1}{3} \end{bmatrix}$

158、设矩阵 $A=[401-5]$, 则 A 的元素 $a_{32}=()$

设矩阵 $A = \begin{bmatrix} 4 & 0 & 1 & -5 \\ 3 & -2 & 3 & 2 \\ 6 & 1 & 2 & -1 \end{bmatrix}$, 则 A 的元素 $a_{32} = ()$. 答案: 1

159、设某商品的需求函数为 $q(p) = 10e^{-p/2}$, 则需求弹性 $E_p = ()$.

设某商品的需求函数为 $q(p) = 10e^{-\frac{p}{2}}$, 则需求弹性 $E_p = ()$. 答案: $-\frac{p}{2}$

160、设某商品的需求函数为 $q(p) = 10e^{-p/3}$, 则需求弹性 $E_p = ()$.

设某商品的需求函数为 $q(p) = 10e^{-\frac{p}{3}}$, 则需求弹性 $E_p = ()$. 答案: $-\frac{p}{3}$

161、设某商品的需求函数为 $q(p) = 50e^{-p/2}$, 则需求弹性 $E_p = ()$.

设某商品的需求函数为 $q(p) = 50e^{-\frac{p}{2}}$, 则需求弹性 $E_p = ()$. 答案: $-\frac{p}{2}$

162、设某商品的需求函数为 $q(p) = 10e^{-p/2}$, 则需求弹性 $E_p = ()$

设某商品的需求函数为 $q(p) = 10e^{-\frac{p}{2}}$, 则需求弹性 $E_p = -\frac{p}{2}$

163、设某商品的需求函数为 $q(p) = 25 - 4\sqrt{p}$, 则需求弹性 $E_p = ()$

设某商品的需求函数为 $q(p) = 25 - 4\sqrt{p}$, 则需求弹性 $E_p = ()$.

B. $\frac{-2\sqrt{p}}{25-4\sqrt{p}}$

164、设某商品的需求函数为 $q(p) = 5 - 2P$ 则需求弹性 $E_p = ()$

设某商品的需求函数为 $q(p) = 5 - 2\sqrt{p}$, 则需求弹性 $E_p = ()$.

B. $\frac{-\sqrt{p}}{5-2\sqrt{p}}$

165、设 $A = [1111]$, 则 $r(A) = ()$.

设 $A = \begin{bmatrix} 1 & 1 & 1 & 1 \\ 0 & 0 & -1 & 3 \\ 0 & 0 & 1 & -3 \end{bmatrix}$, 则 $r(A) = ()$.

答案: B.2

166、设下面矩阵 A, B, C 能进行乘法运算, 那么 $()$ 成立.

$BAB = AC$, A 可逆, 则 $B = C$

167、设线性方程组秩, 则该线性方程组 $()$.

设线性方程组 $AX = b$, 若 $\text{秩}(A) = 4, \text{秩}(A) = 3$, 则该线性方程组 $()$.

B. 只有零解

168、设线性方程组 $AX = b$ 的增广矩阵通过初等行变换化为 $\{13126\}$, 则此线性方程组的一般解中自由未知量的个数为 $()$.

设线性方程组 $AX = b$ 的增广矩阵通过初等行变换化为 $\begin{bmatrix} 1 & 3 & 1 & 2 & 6 \\ 0 & -1 & 3 & 1 & 4 \\ 0 & 0 & 0 & 2 & -1 \\ 0 & 0 & 0 & 0 & 0 \end{bmatrix}$, 则此线性方程组的一般解中自由未知量的个数为 $()$.

D.1

169、设线性方程组 $AX = b$ 中, 若 $\text{秩}(A) = 4, \text{秩}(A) = 3$, 则该线性方程组 $()$.

设线性方程组 $AX = b$ 中, 若 $\text{秩}(A) = 4, \text{秩}(A) = 3$, 则该线性方程组 $()$.

B. 无解

170、设线性方程组 $AX = b$, 且 $A \rightarrow [1048]$, 则当 $()$ 时, 方程组没有唯一解.

$$\bar{A} \rightarrow \begin{bmatrix} 1 & 0 & 4 & 8 \\ 0 & 1 & 2 & 3 \\ 0 & 0 & t-1 & 0 \end{bmatrix}$$

设线性方程组 $AX = b$, 且 $\bar{A} \rightarrow \begin{bmatrix} 1 & 0 & 4 & 8 \\ 0 & 1 & 2 & 3 \\ 0 & 0 & t-1 & 0 \end{bmatrix}$, 则当且仅当 $()$ 时, 方程组没有唯一解.

$t = 1$

171、设线性方程组 $AX = b$, 且 $A \rightarrow [1048]$, 则当 $()$ 时, 方程组有无穷多解.

$$\bar{A} \rightarrow \begin{bmatrix} 1 & 0 & 4 & 8 \\ 0 & 1 & 2 & 3 \\ 0 & 0 & t-1 & 0 \end{bmatrix}$$

设线性方程组 $AX = b$, 且 $\bar{A} \rightarrow \begin{bmatrix} 1 & 0 & 4 & 8 \\ 0 & 1 & 2 & 3 \\ 0 & 0 & t-1 & 0 \end{bmatrix}$, 则当 $()$ 时, 方程组有无穷多解.

$t = 1$

172、设线性方程组 $AX = b$, 且 $A \rightarrow [1116]$, 则当且仅当 $()$ 时, 方程组有唯一解.

$$\bar{A} \rightarrow \begin{bmatrix} 1 & 1 & 1 & 6 \\ 0 & -1 & 3 & 2 \\ 0 & 0 & t+1 & 0 \end{bmatrix}$$

设线性方程组 $AX = b$, 且 $\bar{A} \rightarrow \begin{bmatrix} 1 & 1 & 1 & 6 \\ 0 & -1 & 3 & 2 \\ 0 & 0 & t+1 & 0 \end{bmatrix}$, 则当且仅当 $()$ 时, 方程组有唯一解.

$t = -1$

173、设线性方程组 $AX = b$ 的增广矩阵通过初等行变换化为

$$\begin{bmatrix} 1 & 3 & 1 & 2 & 6 \\ 0 & -1 & 3 & 1 & 4 \\ 0 & 0 & 0 & 2 & -1 \\ 0 & 0 & 0 & 0 & 0 \end{bmatrix}$$

则此线性方程组的一般解中自由未知量的个数为 $()$.

答案: D.1

174、设线性方程组 $AX = b$ 有唯一解, 则相应的齐次方程组 $AX = 0$ $()$.

C. 只有零解

175、设线性方程组 $AX = b$ 中, 若 $\text{秩}(A) = 4, \text{秩}(A) = 3$, 则该线性方程组 $()$.

设线性方程组 $AX = b$ 中, 若 $\text{秩}(A) = 4, \text{秩}(A) = 3$, 则该线性方程组 $()$.

无解

176、设线性方程组 $x_1 + x_2 = a_1, x_2 + x_3 = a_2, x_1 + 2x_2 + x_3 = a_3$ 则方程组有解的充分必要条件是 $()$

设线性方程组 $\begin{cases} x_1 + x_2 = a_1 \\ x_2 + x_3 = a_2 \\ x_1 + 2x_2 + x_3 = a_3 \end{cases}$, 则方程组有解的充分必要条件是 $()$.

B. $-a_1 - a_2 + a_3 = 0$

177、设线性方程组 $x_1 - x_2 = 0, x_1 + \lambda x_2 = 0$ 非 0 解, 则 $\lambda = ()$

设线性方程组 $\begin{cases} x_1 - x_2 = 0 \\ x_1 + \lambda x_2 = 0 \end{cases}$ 有非 0 解, 则 $\lambda = ()$.

A. -1

178、设线性方程组 $\{x_1 + x_2 = 0\}$, 有非 0 解, 则 $\lambda = ()$.

设线性方程组 $\begin{cases} x_1 + x_2 = 0 \\ x_1 + \lambda x_2 = 0 \end{cases}$ 有非 0 解, 则 $\lambda = ()$. 答案: 1

179、设线性方程组 $\{x_1 + x_2 = 0\}$, 有非 0 解, 则 $\lambda = ()$.

设线性方程组 $\begin{cases} x_1 + x_2 = 0 \\ -x_1 + \lambda x_2 = 0 \end{cases}$ 有非 0 解, 则 $\lambda = ()$. 答案: -1

180、设线性方程组 $\{x_1 + x_2 = a_1\}$, 则方程组有解的充分必要条件是 $()$.

设线性方程组 $\begin{cases} x_1 + x_2 = a_1 \\ x_2 + x_3 = a_2 \\ x_1 + 2x_2 + x_3 = a_3 \end{cases}$, 则方程组有解的充分必要条件是 () .
 $a_1 + a_2 - a_3 = 0$

181、设线性方程组 $\{x_1+x_2=a_1\}$, 则方程组有解的充分必要条件是 () .

设线性方程组 $\begin{cases} x_1 + x_2 = a_1 \\ x_2 + x_3 = a_2 \\ x_1 + 2x_2 + x_3 = a_3 \end{cases}$, 则方程组有解的充分必要条件是 () .
 $-a_1 - a_2 + a_3 = 0$

182、设线性方程组 $\{x_1+x_2=a_1\}$, 则方程组有解的充分必要条件是 () .

设线性方程组 $\begin{cases} x_1 + x_2 = a_1 \\ x_2 + x_3 = a_2 \\ x_1 + 2x_2 + x_3 = -a_3 \end{cases}$, 则方程组有解的充分必要条件是 () .
 $a_1 + a_2 + a_3 = 0$

183、设线性方程组 $\{x_1-x_2=0\}$, 有非 0 解, 则 $\lambda = ()$.

设线性方程组 $\begin{cases} x_1 - x_2 = 0 \\ x_1 + \lambda x_2 = 0 \end{cases}$ 有非 0 解, 则 $\lambda = ()$. 答案: -1

184、设需求量 q 对价格 p 的函数为

$q(p) = 5 - 2\sqrt{p}$, 则需求弹性为 $E_p = ()$.

答案: D. $\frac{-\sqrt{p}}{5-2\sqrt{p}}$

185、设需求量 q 对价格 p 的函数为

$q(p) = 3 - 2\sqrt{p}$, 则需求弹性为 $E_p = (D. -\frac{\sqrt{p}}{3-2\sqrt{p}})$.

186、设需求量 q 对价格 p 的函数为 $q(p) = 100e^{-\frac{p}{2}}$

$q(p) = 100e^{-\frac{p}{2}}$, 则需求弹性为 $E_p = (A. -\frac{p}{2})$.

187、设需求量 q 对价格 p 的函数为 $q(p) = 3 - 2p$, 则需求弹性为 $E_p = 0$.

设需求量 q 对价格 p 的函数为 $q(p) = 3 - 2\sqrt{p}$, 则需求弹性为 $E_p = ()$.

D. $\frac{-\sqrt{p}}{3-2\sqrt{p}}$

188、设需求量对价格的函数为 $q(p) = 3 - 2\sqrt{p}$, 则需求弹性为 $E_p = ()$.

D. $\frac{-\sqrt{p}}{3-2\sqrt{p}}$

189、微分方程 $y' = 1 + x$ 满足 $y(0) = 0$ 的特解为 () .

$y = x + \frac{x^2}{2}$

190、微分方程 $y' = e^{2x-y}$ 满足 $y(0) = 0$ 的特解为 () .

微分方程 $y' = e^{2x-y}$ 满足 $y(0) = 0$ 的特解为 () .

$e^y = \frac{1}{2}e^{2x} + \frac{1}{2}$

191、微分方程 $y' = e^x + 21y$ 满足 $y(0) = 0$ 的特解为 () .

$e = -2e^{11} + 3$

192、下列不定积分中, 常用分部积分法计算的是 () .

$\int x \sin 2x dx$

193、下列不定积分中, 常用分部积分法计算的是 () .

$\int x^2 e^x dx$

194、下列不定积分中, 常用分部积分法计算的是 () .

$\int \ln x dx$

195、下列等式不成立的是 () .

A. $\ln x dx = d(\frac{1}{x})$

196、下列等式成立的是 ()

C. $\frac{1}{x} dx = d(\ln x)$

197、下列等式成立的是 () .

$2^x dx = \frac{1}{\ln 2} d(2^x)$

198、下列等式成立的是 () .

$\frac{1}{\sqrt{x}} dx = 2d(\sqrt{x})$

199、下列等式成立的是 () .

$\frac{1}{x} dx = d(\ln |x|)$

200、下列等式成立的是 () .

B. $2^x dx = \frac{1}{\ln 2} d(2^x)$

201、下列等式正确的是 () .

B. $-\sin x dx = d(\cos x)$

202、下列等式中错误的是 () .

D. $\ln x dx = d(\frac{1}{x})$

203、下列等式中正确的是 ()

A. $\sin x dx = d(-\cos x)$

204、下列等式中正确的是 () .

A. $\frac{1}{x^2} dx = d(-\frac{1}{x})$

205、下列定积分计算正确的是 ()

C. $\int_{-1}^1 x \cos x dx = 0$

206、下列定积分计算正确的是 () .

$\int_0^{\pi} \sin x dx = 2$

207、下列定积分计算正确的是 () .

$\int_{-\pi}^{\pi} \cos x dx = 0$

208、下列定积分计算正确的是 () .

$\int_{-2}^2 x dx = -\frac{3}{2}$

209、下列定积分计算正确的是 () .

$\int_{-1}^1 \frac{e^x - e^{-x}}{2} dx = 0$

210、下列定积分计算正确的是 () .

$$\int_{-1}^1 x \cos x dx = 0$$

211、下列定积分计算正确的是 () .

$$\int_{-1}^1 x^2 \sin x dx = 0$$

212、下列定积分中积分为 0 的是 ()

A. $\int_{-1}^1 \frac{e^x - e^{-x}}{2} dx$

213、下列各函数对中, () 中的两个函数相等.

D. $(x) = \sin'x + \cos'x, g(x) = 1$

214、下列各函数中,两个函数相等的是 () .

A. $f(z) = \sin'z + \cos'z, g(z) = 1$

215、下列关于矩阵 A,B,C 的结论正确的是 ()

对角矩阵是对称矩阵

216、下列关于矩阵 A,B,C 的结论正确的是 ()

数量矩阵是对称矩阵

217、下列关于矩阵 A,B,C 的结论正确的是 ()

若 A 为可逆矩阵, 且 $AB=AC$, 则 $B=C$

218、下列函数在指定区间 $(-\infty, +\infty)$ 上单调减少的是 () .

3-x

219、下列函数在指定区间 $(-\infty, +\infty)$ 上单调减少的是 () .

C. 1-x

220、下列函数在指定区间 $(-\infty, +\infty)$ 上单调增加的是 ()

D. x-1

221、下列函数在指定区间 $(-\infty, +\infty)$ 上单调增加的是 ()

A. x"

222、下列函数在指定区间 $(-\infty, +\infty)$ 上单调增加的是 () .

2^x

223、下列函数在指定区间 $(-\infty, +\infty)$ 上单调增加的是 () .

A. x³

224、下列函数在指定区间 $(-\infty, +\infty)$ 上单调增加的是 () .

B. e^x

225、下列函数在指定区间 $(-\infty, +\infty)$ 上单调减少的是 ()

D. 3-x

226、下列函数中, () 不是基本初等函数.

B. $y = \ln Cx$

227、下列函数中, () 不是基本初等函数.

C. $y = \ln(r-1)$

228、下列函数中, () 是

"zsin z" 的原函数.

B. $-\frac{1}{2} \cos x^2$

229、下列函数中, () 是 $\cos x/x$ 的一个原函数.

下列函数中, () 是 $\frac{\cos \sqrt{x}}{\sqrt{x}}$ 的一个原函数. 答案: $2 \sin \sqrt{x}$

230、下列函数中, () 是 e² 的一个原函数.

下列函数中, () 是 e⁻² 的一个原函数

D. $-\frac{1}{2} e^{-2x}$

231、下列函数中, () 是 $\sin 1/x/x^2$ 的一个原函数.

下列函数中, () 是 $\frac{\sin \frac{1}{x}}{x^2}$ 的一个原函数. 答案: $\frac{\cos \frac{1}{x}}{x}$

232、下列函数中, () 是 $x \sin x^2$ 的一个原函数.

$-\frac{1}{2} \cos x^2$

233、下列函数中, () 是偶函数.

A. $Y = X^2 + 1$

234、下列函数中 ()

下列函数中 (B. $-\frac{1}{2} \cos x^2$) 是 $x \sin x^2$ 的原函数.

235、下列函数中为偶函数的是 ()

C. $y = \frac{e^x + e^{-x}}{2}$

236、下列函数中为偶函数的是 ()

C. $y = \ln \frac{x-1}{x+1}$

237、下列函数中为奇函数是 ()

C. x's inx

238、下列极限计算正确的是 () .

$\lim_{x \rightarrow 0} \frac{|x|}{x} = 1$

239、下列极限计算正确的是 () .

$\lim_{x \rightarrow 0} x \sin \frac{1}{x} = 1$

240、下列极限计算正确的是 () .

C. $\lim_{x \rightarrow 0} \frac{\sin x}{x} = 1$

241、下列结论正确的是 () .

B. 数量矩阵是对称矩阵

242、下列结论中, () 是正确的.

B. 奇函数的图形关于坐标原点对称

243、下列结论中正确的是 () .

D. z₀ 是 f(z) 的极值点, 且 $f'(z_0)$ 存在, 则必有 $f''(z_0) = 0$

244、下列矩阵可逆的是 () .

A. $\begin{bmatrix} 1 & 1 & 1 \\ 0 & 1 & 1 \\ 0 & 0 & 1 \end{bmatrix}$

245、下列矩阵可逆的是 () .

$\begin{bmatrix} 1 & 2 & 3 \\ 0 & 2 & 3 \\ 0 & 0 & 3 \end{bmatrix}$

246、下列矩阵可逆的是 () .

$\begin{bmatrix} 0 & 1 \\ 3 & 2 \end{bmatrix}$

247、下列无穷积分中收敛的是 () .

$\int_1^{+\infty} \frac{1}{x^2} dx$

248、下列无穷积分中收敛的是 () .

$\int_1^{+\infty} \frac{1}{\sqrt{x}} dx$

249、下列无穷积分中收敛的是 () .

$\int_1^{+\infty} \frac{1}{x^2} dx$

250、线性方程组

$A_{m \times n} X = b$ 有无穷多解的充分必要条件是 () .

A. $-\frac{p}{2}$

251、线性方程组

线性方程组 $\begin{cases} x_1 + x_2 = 1 \\ x_1 + x_2 = 0 \end{cases}$ 解的情况是 ()。

答: 无解

252、线性方程组 $A_m \times n X = b$ 有无穷多解的充分必要条件是 ()。

答: $r(A) = r(\bar{A}) < n$

253、线性方程组 $A_m \times n X = b$ 无解, 则 ()。

$r(A) < r(\bar{A})$

254、线性方程组 $A_m \times n X = b$ 有唯一解的充分必要条件是 ()。

$r(A) = r(\bar{A}) = n$

255、线性方程组 $A_m \times n X = b$ 有无穷多解的充分必要条件是 ()。

$r(A) = r(\bar{A}) < n$

256、线性方程组 $\begin{cases} x_1 \\ x_1 \end{cases}$

线性方程组 $\begin{bmatrix} 1 & 1 \\ 1 & -1 \end{bmatrix} \begin{bmatrix} x_1 \\ x_2 \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} 1 \\ 0 \end{bmatrix}$ 的解的情况是 (D. 有唯一解)。

257、线性方程组 $\begin{cases} x_1 + 2x_2 = 1 \\ x_1 + 2x_2 = 3 \end{cases}$

线性方程组 $\begin{cases} x_1 + 2x_2 = 1 \\ x_1 + 2x_2 = 3 \end{cases}$ 的解的情况是 (A. 无解)。

258、线性方程组 $\begin{cases} x_1 + x_2 = 1 \\ x_1 + x_2 = 0 \end{cases}$

线性方程组 $\begin{cases} x_1 + x_2 = 1 \\ x_1 + x_2 = 0 \end{cases}$ 解的情况是 (D. 无解)。

259、线性方程组 $\begin{cases} x_1 - 2x_2 = 1 - 2x_1 + 4x_2 = -2 \end{cases}$ 的解的情况是 ()。

线性方程组 $\begin{cases} x_1 - 2x_2 = 1 \\ -2x_1 + 4x_2 = -2 \end{cases}$ 的解的情况是 ()。

C. 有无穷多解

260、线性方程组的解的情况是 ()。

线性方程组 $\begin{bmatrix} 1 & 1 \\ 1 & -1 \end{bmatrix} \begin{bmatrix} x_1 \\ x_2 \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} 1 \\ 0 \end{bmatrix}$ 的解的情况是 ()。

D. 有唯一解

261、线性方程组角的情况是 ()。

线性方程组 $\begin{cases} x_1 + x_2 = 1 \\ x_1 + x_2 = 0 \end{cases}$ 解的情况是 ()。

D. 无解

262、已知 $f(x) = x/\sin x - 1$

已知 $f(x) = \frac{x}{\sin x} - 1$, 当 $(A. x \rightarrow 0)$ 时, $f(x)$ 为无穷小量。

263、已知生产某种产品的成本函数为 $C(q) = 80 + 2q$, 则当产量 $q = 50$ 时, 该产品的平均成本为 ()。

答案: 3.6

264、以下结论或等式正确的是 ()。

C. 对角矩阵是对称矩阵

265、用第一换元法求不定积分 $\int \cos 1/x^2 dx$, 则下列步骤中正确的是 ()。

用第一换元法求不定积分 $\int \frac{\cos 1}{x^2} dx$, 则下列步骤中正确的是 ()。

$$\int \frac{\cos 1}{x^2} dx = -\int \cos \frac{1}{x} d\left(\frac{1}{x}\right)$$

266、用第一换元法求不定积分 $\int \sin x / x dx$, 则下列步骤中正确的是 ()。

用第一换元法求不定积分 $\int \frac{\sin \sqrt{x}}{\sqrt{x}} dx$, 则下列步骤中正确的是 ()。

$$\int \frac{\sin \sqrt{x}}{\sqrt{x}} dx = 2 \int \sin \sqrt{x} d(\sqrt{x})$$

267、用第一换元法求不定积分 $\int \sin x / x dx$, 则下列步骤中正确的是 ()。

用第一换元法求不定积分 $\int \frac{\sin x}{\cos x} dx$, 则下列步骤中正确的是 ()。

$$\int \frac{\sin x}{\cos x} dx = -\int \frac{1}{\cos x} d(\cos x)$$

268、用第一换元法求定积分 $\int_1^e 1/x(1+\ln x) dx$, 则下列步骤中正确的是 ()。

用第一换元法求定积分 $\int_1^e \frac{1}{x\sqrt{1+\ln x}} dx$, 则下列步骤中正确的是 ()。

$$\int_1^e \frac{1}{x\sqrt{1+\ln x}} dx = \int_1^e \frac{1}{\sqrt{1+\ln x}} d(1+\ln x)$$

269、用第一换元法求定积分 $\int_1^e 1/x \ln x dx$, 则下列步骤中正确的是 ()。

用第一换元法求定积分 $\int \frac{1}{x \ln x} dx$, 则下列步骤中正确的是 ()。

$$\int \frac{1}{x \ln x} dx = \int \frac{1}{\ln x} d(\ln x)$$

270、用第一换元法求定积分 $\int_0^1 x/(1+x^2) dx$, 则下列步骤中正确的是 ()。

用第一换元法求定积分 $\int_0^1 \frac{x}{1+x^2} dx$, 则下列步骤中正确的是 ()。

$$\int_0^1 \frac{x}{1+x^2} dx = \frac{1}{2} \int_0^1 \frac{1}{1+x^2} d(x^2)$$

271、用分部积分法求不定积分 $\int \ln(x+1) dx$, 则下列步骤中正确的是 ()。

$$\int \ln(x+1) dx = x \ln(x+1) - \int x d(\ln(x+1))$$

272、用分部积分法求不定积分 $\int \ln x / x^2 dx$, 则下列步骤中正确的是 ()。

用分部积分法求不定积分 $\int \frac{\ln x}{x^2} dx$, 则下列步骤中正确的是 ()。

$$\int \frac{\ln x}{x^2} dx = -\frac{\ln x}{x} + \int \frac{1}{x} d(\ln x)$$

273、用分部积分法求不定积分 $\int x \ln x dx$, 则下列步骤中正确的是 ()。

$$\int x \ln x dx = \frac{x^2}{2} \ln x - \frac{1}{2} \int x^2 d(\ln x)$$

274、用分部积分法求定积分 $\int_0^{\pi/2} x \cos x dx$, 则下列步骤正确的是 ()。

用分部积分法求定积分 $\int_0^{\pi/2} x \cos x dx$, 则下列步骤正确的是 ()。

$$\int_0^{\pi/2} x \cos x dx = x \sin x \Big|_0^{\pi/2} - \int_0^{\pi/2} \sin x dx$$

275、用分部积分法求定积分 $\int_0^1 x e^x dx$, 则下列步骤正确的是 ()。

用分部积分法求定积分 $\int_0^1 x e^x dx$, 则下列步骤正确的是 ()。

$$\int_0^1 x e^x dx = x e^x \Big|_0^1 - \int_0^1 e^x dx$$

276、用分部积分法求定积分 $\int_0^{\pi/2} x \sin x dx$, 则下列步骤正确的是 ()。

用分部积分法求定积分 $\int_0^{\pi/2} x \sin x dx$, 则下列步骤正确的是 ()。

$$\int_0^{\pi/2} x \sin x dx = -x \cos x \Big|_0^{\pi/2} + \int_0^{\pi/2} \cos x dx$$

277、在切线斜率为 $2x$ 的积分曲线族中,通过点(1,4)的曲线为 () .

A. $y=x^2+3$

278、在切线斜率为 $2x$ 的积分曲线族中,通过点(2,3)的曲线为()

答: D. $y=x^2-1$

279、在切线斜率为 $2x$ 的积分曲线族中,通过点(3,5)点的曲线方程是 () .

A. $y=x^2-4$

填空(113)-伯仲教育: (微信搜: Wj585858-)

1、 $\frac{d}{dx} \cos x =$ ()

7. $\int \cos x dx =$ _____ .

7.00 SZ

2、 $\frac{d}{dx} \ln(1+x^2) =$ ()

$\frac{d}{dx} \int_1^x \ln(1+x^2) dx =$ _____ .

答案: 0

3、 $\frac{d}{dx} \int_1^e \ln x dx =$ ()

$\frac{d}{dx} \int_1^e \ln x dx =$ _____ .

答案: 0

4、 $d \cos 2x =$ _____ .

$\int \cos 2x dx =$ _____ .

答案: $\cos 2x dx$

5、 $d e^{-x^2} =$ _____ .

$\int e^{-x^2} dx =$ _____ .

答案: $e^{-x^2} dx$

6、 $f(x)=2-x$,在(1,1)点的切线斜率是 () .

$(z)=\sqrt{1-x^2}$,在(1,1)点的切线斜率是 _____ .

答案: $-\frac{1}{2}$

7、 $f(x)=x+2$ 在 $x=2$ 处的切线斜率是 () .

$f(x)=\sqrt{x+2}$ 在 $x=2$ 处的切线斜率是 _____ .

答案: $\frac{1}{4}$

8、 $f(x)=\begin{cases} x^2-1, & x \neq 0 \\ k, & x = 0 \end{cases}$ 在 $x=0$ 处连续,则 $k=$ () .

设 $f(x)=\begin{cases} x^2-1, & x \neq 0 \\ k, & x = 0 \end{cases}$ 在 $x=0$ 处连续,则 $k=$ _____ .

-1

9、 $\lim_{x \rightarrow \infty} (2x^2-3x+5) =$ ()

$\lim_{x \rightarrow \infty} \frac{2x^2-3x+5}{3x^2+2x+4} = \frac{2}{3}$

10、 $\lim_{x \rightarrow \infty} (3x^2-2x+7) =$ _____ .

$\lim_{x \rightarrow \infty} \frac{3x^2-2x+7}{2x^2+4x+5} = \frac{3}{2}$

$\frac{3}{2}$

11、 $\lim_{x \rightarrow 0} \sin 3x =$ ()

$\lim_{x \rightarrow 0} \frac{\sin 3x}{x} =$ _____ .

3

12、 $\lim_{x \rightarrow 0} (x + \sin x) =$ ()

$\lim_{x \rightarrow 0} \frac{x + \sin x}{x} =$ _____ .

答案: 1

13、 $\lim_{x \rightarrow 0} (x - \sin x) =$ ()

$\lim_{x \rightarrow 0} \frac{x - \sin x}{x} =$ _____ .

14、 $\ln x$ 是 $f(x)$ 的一个原函数,

则 $f(x)=$ _____ .

答案: $\frac{1}{x}$

15、 n 元齐次线性方程组 $Ax=0$ 有非零解的充分必要条件是 $r(A) < n$

16、 $y=x-4x-2$ 的定义域是 () .

$y = \frac{\sqrt{x^2-4}}{x-2}$ 的定义域是 _____ .

答案: $(-\infty, -2] \cup (2, +\infty)$

17、 $\int (\sin x)' dx =$ () .

答: $\sin x + c$

18、 $\int (x \cos x + 1) dx =$ () .

$\int_{-1}^1 (x \cos x + 1) dx =$ _____ . 答案: 2

19、 $\int 2e^{-x} dx =$ _____ .

8. $\int_{-1}^1 \frac{e^x - e^{-x}}{2} dx =$ _____ .

答: 0

20、 $\int e^{-x} dx =$ ()

$\int_{-1}^1 \frac{e^x - e^{-x}}{2} dx =$ _____ . 答: 0

21、当 $a=$ () 时,矩阵 $A=[13]$ 可逆。

当 $a=$ ($\neq -3$) 时, 矩阵 $A = \begin{bmatrix} 1 & 3 \\ -1 & a \end{bmatrix}$ 可逆。

22、函数 $f(x)=1+4-x$ 的定义域是 () .

$(-2, -1) \cup (-1, 4]$

23、函数 $f(x)=1/1-ex$ 的间断点是 () .

答: $x=0$

24、函数 $f(x)=1/\ln(x+3)+$

函数 $f(x) = \frac{1}{\ln(x+3)} + \sqrt{9-x^2}$ 的定义域是 $(-3, -2) \cup (-2, 3]$

25、函数 $f(x)=11-e$ 的间断点是 () .

函数 $f(x) = \frac{1}{1-e^x}$ 的间断点是 _____ .

答案: $x=0$

26、函数 $f(x)=\ln(x+2)+4-x$ 的定义域是 ()。

函数 $f(x)=\frac{1}{\ln(x+2)}+\sqrt{4-x}$ 的定义域是_____。

答案: $(-2,-1)\cup(-1,4)$

27、函数 $f(x)=e-e^2$ 的图形关于 () 对称。

函数 $f(x)=\frac{e^{-x}-e^x}{2}$ 的图形关于_____对称。

答案: 原点

28、函数 $f(x)=\ln(x+1)-13-x$ 的定义域是 ()。

函数 $f(x)=\ln(x+1)-\frac{1}{\sqrt{3-x}}$ 的定义域是_____。

答案: $(-1,3)$

29、函数 $f(x)=x^2-4$

函数 $f(x)=\frac{\sqrt{x^2-4}}{x-2}$ 的定义域是 $(-\infty,-2]\cup(2,+\infty)$

30、函数 $f(x)=\{x+2,-5\leq x<0$ 的定义域是 ()。

函数 $f(x)=\begin{cases} x+2, & -5\leq x<0 \\ x^2-1, & 0\leq x<2 \end{cases}$ 的定义域是_____。

答案: $[-5,2)$

31、函数 $f(x)=x^2-4x-2$ 的定义域是 ()

$\frac{\sqrt{x^2-4}}{x-2}$ 定义域是 $(-\infty,-2]\cup(2,+\infty)$

32、函数 $y=1-x\ln(1+x)$ 的定义域是 ()

函数 $y=\frac{\sqrt{1-x}}{\ln(1+x)}$ 的定义域是_____。

答: $(-1,0)\cup(0,1]$

33、函数 $y=3(x-1)^2$ 的驻点是 $x=(1)$

34、函数 $y=9-x\ln(x-1)$ 的定义域是 ()。

函数 $y=\frac{\sqrt{9-x^2}}{\ln(x-1)}$ 的定义域是_____。

答案: $(1,2)\cup(2,3)$

35、函数 $y=x^2-1$ 的单调增加区间为 ()。

函数 $y=x^2-1$ 的单调增加区间为_____。

答案: $(0,+\infty)$

36、函数 $y=x^2-4x-2$ 的定义域是 ()

函数 $y=\frac{\sqrt{4-x}}{\lg(x-1)}$ 的定义域是_____。

答: $(1,2)\cup(2,4)$

37、计算积分 $\int(x\cos x+1)dx=()$ 。

计算积分 $\int_{-1}^1(x\cos x+1)dx=2$ 。

38、矩阵 $A=[1,0,-2;0,1,3;1,1,1]$ 的秩是 ()。

矩阵 $A=\begin{bmatrix} 1 & 0 & -2 \\ 0 & 1 & 3 \\ 1 & 1 & 1 \end{bmatrix}$ 的秩是_____。

答案: 2

39、矩阵 $A=[1-11]$ 的秩是 ()。

矩阵 $A=\begin{bmatrix} 1 & -1 & 1 \\ 2 & 0 & -1 \\ 1 & -3 & 4 \end{bmatrix}$ 的秩是_____。

答: 2

40、矩阵 $A=[10-1]$ 的秩是 ()。

矩阵 $A=\begin{bmatrix} 1 & 0 & -1 \\ 0 & 1 & 2 \\ 0 & 0 & 0 \end{bmatrix}$ 的秩是_____。

答案: 2

41、矩阵 $[111]$ 的秩为 ()。

矩阵 $\begin{bmatrix} 1 & 1 & 1 \\ 2 & 2 & 2 \\ 3 & 3 & 3 \end{bmatrix}$ 的秩为_____。

答案: 1

42、齐次线性方程组 $AX=0$ 的系数矩阵经初等行变换化为 $A\rightarrow$

$A\rightarrow\begin{bmatrix} 1 & -1 & 2 & 3 \\ 0 & 1 & 0 & -2 \\ 0 & 0 & 0 & 0 \end{bmatrix}$ 则此方程组的一般解中自由未知量的个数为 (2)。

43、曲线 $f(x)=x$ 在 $(1,1)$ 处的切线斜率是 ()

曲线 $f(x)=\sqrt{x}$ 在点 $(1,1)$ 处的切线斜率是 $-\frac{1}{2}$ 。

44、曲线 $y=\ln x$ 在点 $(1,0)$ 的切线方程是 ()

曲线 $y=\ln x$ 在点 $(1,0)$ 的切线方程是_____。 $y=x-1$

45、曲线 $y=x+1$ 在点 $(1,2)$ 的切线方程是 ()。

曲线 $y=v$ 及 $+1$ 在点 $(1, 2)$ 的切线方程是_____。

答案: $y=\frac{1}{2}x+\frac{3}{2}$

46、曲线 $y=x$ 在 $(1,1)$ 处的切线斜率是 ()。

脚线 $y=,$ 压在 $(1,1)$ 处的切线斜率是_____答案: $\frac{1}{2}$

47、若,则 $\int f(x)dx=2x+2x+c,$

若 $\int f(x)dx=2^x+2x^2+c,$ 则 $f(x)=\underline{(2^x \ln 2+4x)}$ 。

48、若,则 $\int f(x)dx=F(x)+C,$ $\int [e^{-x}f(e^{-x})]dx=()$

若 $\int f(x)dx=F(x)+c,$ 则 $\int e^{-x}f(e^{-x})dx=-F(e^{-x})+c$

49、若,则 $\int f(x)dx=F(x)+C,$ 则 $\int (2x-3)dx=()$

若 $\int f(x)dx=F(x)+C,$ 则 $\int f(2x-3)dx=\underline{(\frac{1}{2}F(2x-3)+c)}$ 。

50、若 A 为 n 阶可逆矩阵,则

则 $r(A)=\underline{n}$ 。

51、若 $\cos z$ 是 $f(x)$ 的一个原函数,则 $f(x)=()$ 。

若 $\cos z$ 是 $J(z)$ 的一个原函数,则 $J(z)=\underline{-\sin z}$ 。

答案: $-\sin z$

52、若 $\int f(x)dx=F(x)+c$

,则 $\int e^{-x} f(e^{-x})dx = \underline{\hspace{2cm}}$

答案: $-F(e^{-x})+c$

53、若 $f(x)$ 存在且连续,则 $[\int df(x)]$

若 $f'(x)$ 存在且连续, 则 $[\int df(x)] = f'(x)$.

54、若 n 元线性方程组 $AX=0$ 满足 $r(A)<n$,则线性方程组 () .
有非零解

55、若 $r(A,b)=4,r(A)-3$,则线性方程组 $AX=b$ () .

若 $r(A,b)=4,r(A)-3$,则线性方程组 $AX=b$ 无解.

答案: 无解

56、若 $\int f(x)dx=F(x)+c$,则 $\int ef(e)dx = ()$.

若 $\int f(x)dx=F(x)+c$,则 $\int e^{-x} f(e^{-x})dx = \underline{\hspace{2cm}}$

答案: $-F(e^{-x})+c$

57、若 $\int f(x)dx=F(x)+c$,则 $\int f(3x+5)dx = ()$.

若 $\int f(x)dx=F(x)+c$,则 $\int f(3x+5)dx = \underline{\hspace{2cm}}$

答案: $\frac{1}{3}F(3x+5)+c$

58、若 $\int f(x)dx=F(x)+c$,则 $\int x-f(e-x)dx = ()$.

若 $\int f(x)dx=F(x)+c$,则 $\int e^{-x} f(e^{-x})dx = \underline{\hspace{2cm}}$

$-F(e^{-x})+c$

59、若 $\int f(x)dx=2^x+2x+c$,则 $f(x) = ()$.

答: $2^x \ln 2 + 2$

60、若 $\int f(x)dx=3x+\sin x+c$,则 $f(x) = ()$.

若 $\int f(x)dx = 3^x + \sin x + c$, 则 $f(x) = \underline{\hspace{2cm}}$

$3^x \ln 3 + \cos x$

61、若 $\int f(x)dx=F(x)+c$,则 $\int f(2x+1)dx = ()$.

答: $\frac{1}{2}F(2x+1)+c$

62、若 $\int f(x)dx=F(x)+c$,则 $\int f(2x-1)dx = ()$.

若 $\int f(x)dx=F(x)+c$,则 $\int f(2x-1)dx = \underline{\hspace{2cm}}$

$\frac{1}{2}F(2x-1)+c$

63、若 $\int f(x)dx=F(x)+C$,则 $\int e^{-x} f(e^{-x})dx = ()$

若 $\int f(x)dx = F(x)+C$, 则 $\int e^{-x} f(e^{-x})dx = \underline{-F(e^{-x})+c}$.

64、若 $\int f(x)dx=F(x)+c$,则 $\int f(2x-1)dx = ()$

若 $\int f(x)dx=F(x)+c$,则 $\int f(2x-1)dx = \underline{\frac{1}{2}F(2x-1)+c}$

65、若 $\int f(x)dx=F(x)+c$,则 $\int f(2x-3)dx = ()$

若 $\int f(x)dx = F(x)+c$,则 $\int f(2x-3)dx = \underline{\hspace{2cm}}$

答案: $\frac{1}{2}F(2x-3)+c$

66、若 $\int f(x)dx=F(x)+c$,则 $\int f(3x+5)dx = ()$

若 $\int f(x)dx = F(x)+c$,则 $\int f(3x+5)dx = \underline{\hspace{2cm}}$

答案: $\frac{1}{3}F(3x+5)+c$

67、若 $\int f(x)dx=F(x)+cf$,则 $\int e^{-z} f(e-x)dx = ()$.

若 $\int f(x)dx = F(x)+cf$, 则 $\int e^{-z} f(e-x)dx = \underline{\hspace{2cm}}$.

答案: $-F(e^{-z})+c$

68、若 $\int f(x)dx=x^2+2x+c$,则 $f(x) = ()$.

若 $\int f(x)dx=2^x+2x+c$,则 $f(x) = \underline{\hspace{2cm}}$

$2^x \ln 2 + 2$

69、若 $\int f(x)dz=1+c$,则 $f(x) = ()$

8. 若 $\int f(x)dx = \frac{1}{1+x} + c$, 则 $f(x) = \underline{\hspace{2cm}}$.

8. $-\frac{1}{(1+x)^2}$

70、若方阵 A 满足 () ,则 A 是对称矩阵.

答案: $A=A^T$

71、若方阵 A 满足 () ,则 A 是对称矩阵.

若方阵 A 满足 $A^T=A$ 则 A 是对称矩阵.

答案: $A^T=A$

72、若函数 $f(x)=\begin{cases} (1+x), & x < 0 \\ x^2+k, & x \geq 0 \end{cases}$,在 $x=0$ 处连续,则 $k = ()$.

$f(x) = \begin{cases} (1+x)^{\frac{1}{2}}, & x < 0 \\ x^2+k, & x \geq 0 \end{cases}$, 在 $x=0$ 处连续, 则 $k = \underline{e}$.

73、若函数 $f(x)=\begin{cases} x \sin 1/x + 2, & x \neq 0 \\ k, & x = 0 \end{cases}$,在 $x=0$ 处连续,则 $k = ()$.

若函数 $f(x) = \begin{cases} x \sin \frac{1}{x} + 2, & x \neq 0 \\ k, & x = 0 \end{cases}$ 在 $x=0$ 处连续, 则 $k = \underline{\hspace{2cm}}$

答案: 2

74、若函数 $f(x+1)=x^2+2x-5$,则 $f(x) = ()$.

若函数 $f(x+1)=x^2+2x-5$,则 $f(x) = \underline{\hspace{2cm}}$.

答案: x^2-6

75、若线性方程组 $x_1-x_2=0$ 有非零解,则 $\lambda = ()$.

若线性方程组 $\begin{cases} x_1 - x_2 = 0 \\ x_1 + \lambda x_2 = 0 \end{cases}$ 有非零解, 则 $\lambda = \underline{\hspace{2cm}}$.

-1

76、设 A, B 均为 n 阶矩阵, $(I-B)$ 可逆, 则矩阵方程 $A+BX=X$ 的解 $X = ()$

$(I-B)^{-1}A$

77、设 A, B 均为 n 阶矩阵, 且 A 可逆, 则矩阵方程 $XA=B$ 的解 $X = ()$

答: BA^{-1}

78、设 $A=[102]$, 当 $a = ()$ 时, A 是对称矩阵.

设 $A = \begin{bmatrix} 1 & 0 & 2 \\ a & 0 & 3 \\ 2 & 3 & -1 \end{bmatrix}$, 当 $a =$ _____ 时, A 是对称矩阵.

答案: 0

79、设 $A=[111]$, 则 $r(A)=$ ()。

设 $A = \begin{bmatrix} 1 & 1 & 1 \\ -2 & -2 & -2 \\ 3 & 3 & 3 \end{bmatrix}$, 则 $r(A) =$ _____。

80、设 $A=[13]$, 则 $I-2A=$ ()。

设 $A = \begin{bmatrix} 1 & 3 \\ -1 & -2 \end{bmatrix}$, 则 $I-2A =$ _____。

答案: $\begin{bmatrix} -1 & -6 \\ 2 & 5 \end{bmatrix}$

81、设 A 是 n 阶可逆矩阵, k 是不为 0 的常数, 则 =。

设 A 是 n 阶可逆矩阵, k 是不为 0 的常数, 则 $(kA)^{-1} =$ _____。

答案: $\frac{1}{k}A^{-1}$

82、设 A 为 3×4 矩阵, B 为 5×2 矩阵, 且乘积矩阵 $ACBT$ 有意义, 则 C 为 () 矩阵

4x2

83、设 A 为 3×5 矩阵, B 为 2×4 矩阵, 且乘积矩阵 $ATCB$ 有意义, 则 C 为 () 矩阵。

设 A 为 3×5 矩阵, B 为 2×4 矩阵且乘积矩阵 $A^T C B$ 有意义则 C 为。

答: 3×2

84、设 A 为 n 阶可逆矩阵, 则。

设 A 为 n 阶可逆矩阵, 则 $r(A) =$ _____。

答案: n

85、设 $f(x)=1/x$, 则 $f(f(x))=$ ()。

设, $f(x) = \frac{1}{x}$, 则 $f(f(x)) =$ _____。

答案: x

86、设 $f(x)=\{\sin x, x \neq 0$ 在 $x=0$ 处连续, 则 $k=$ ()。

6. 设 $f(x) = \begin{cases} \sin x, & x \neq 0 \\ k, & x = 0 \end{cases}$ 在 $x=0$ 处连续, 则 $k =$ _____。

1

87、设 $f(x)=\{x^2-1, x \neq 0$ 在 $x=0$ 处连续, 则 $k=$ ()。

设 $f(x) = \begin{cases} x^2 - 1, & x \neq 0 \\ k, & x = 0 \end{cases}$ 在 $x=0$ 处连续, 则 $k =$ _____。

-1

88、设 $f(x)=\{x^2+2, x \neq 0$ 处连续, 则 $k=$ ()。

设 $f(x) = \begin{cases} x^2 + 2, & x \neq 0 \\ k, & x = 0 \end{cases}$ 在 $x=0$ 处连续, 则 $k =$ _____。

答: 2

89、设 $f(x-1)=x^2-2x+5$, 则 $f(x)=$ ()。

设 $f(x-1) = x^2 - 2x + 5$, 则 $f(x) =$ _____。

答案: $x^2 + 4$

90、设矩阵 $A=[1-2]$, I 为单位矩阵, 则 $(I-A)=$ ()。

设矩阵 $A = \begin{bmatrix} 1 & -2 \\ 4 & 3 \end{bmatrix}$, I 为单位矩阵, 则 $(I-A)^T =$ _____。

答案: $\begin{bmatrix} 0 & -4 \\ 2 & -2 \end{bmatrix}$

91、设矩阵 $A=[1]$, $B=[3-1]$, 则 $AB=$ ()。

设矩阵 $A = \begin{bmatrix} 1 \\ 2 \end{bmatrix}$, $B = [3 \quad -1]$, 则 $AB =$ _____。

答案: $\begin{bmatrix} 3 & -1 \\ 6 & -2 \end{bmatrix}$

92、设矩阵可逆, B 是 A 的逆矩阵

则当 $(AF)^n =$ B 。

93、设某商品的需求函数为 $q(p)=10e$, 则需求弹性 $EP=$ ()。

设某商品的需求函数为 $q(p)=10e^p$, 则需求弹性 $E_p =$ _____。

答案: $-\frac{p}{2}$

94、设某商品的需求函数为 $q(p)=5e^{-(p/3)}$, 则需求弹性 $E_p=$

设某商品的需求函数为 $q(p) = 5e^{-\frac{p}{3}}$, 则需求弹性 $E_p =$ _____。

答案: $-\frac{p}{3}$

95、设齐次线性方程组 A

$:X=0$ 满, 且 $r(A)=2$, 则方程组一般解中自由未知量的个数为 _____。

96、设齐次线性方程组 $Ax=0$ 的系数矩阵 A 的秩为 1, 则该方程组的一般解中自由未知量的个数为 ()

2

97、设线性方程 $\{x_1+x_2=0$

设线性方程组 $\begin{cases} x_1 + x_2 = 0 \\ -x_1 + \lambda x_2 = 0 \end{cases}$ 有非 0 解, 则 $\lambda =$ _____。

答: -1

98、设线性方程组 $AX=b$, 且 $A \rightarrow [1116]$, 则 $t=0$ 时, 方程组有唯一解。

设线性方程组 $AX = b$, 且 $A \rightarrow \begin{bmatrix} 1 & 1 & 1 & 6 \\ 0 & -1 & 3 & 2 \\ 0 & 0 & t+1 & 0 \end{bmatrix}$, 则 $t =$ _____ 时, 方程组有唯一解。

答案: $\neq -1$

99、设线性方程组 $\{x_1+2x_2=0; -x_1+\lambda x_2=0$ 有非零解, 则 $\lambda=$ ()。

设线性方程组 $\begin{cases} x_1 + 2x_2 = 0 \\ -x_1 + \lambda x_2 = 0 \end{cases}$ 有非零解, 则 $\lambda =$ _____。

答案: -2

100、设线性方程组 $\{x_1-x_2=0$ 有非 0 解, 则 $\lambda=$ ()。

设线性方程组 $\begin{cases} x_1 - x_2 = 0 \\ x_1 + \lambda x_2 = 0 \end{cases}$ 有非 0 解, 则 $\lambda =$ _____

答案: -1

101、微分方程 $(y'')^3$

微分方程 $(y'')^3 + 4xy^{(4)} = y' \sin x$ 的阶数为 4

102、线性方程组 $A_{m \times n}X=b$ 有唯一解的充分必要条件是 ()。

线性方程组 $A_{m \times n}X=b$ 有唯一解的充分必要条件是 _____

10. $r(A)=r(\bar{A})=n$

103、线性方程组 $A_{m \times n}X=b$ 有无穷多解的充分必要条件是 ()。

线性方程组 $A_{m \times n}X=b$ 有无穷多解的充分必要条件是 _____。

答案: $r(A)=r(\bar{A}) < n$

104、线性方程组 $AX=b$ 的增广矩阵

\bar{A} 化成阶梯形矩阵后为 $\bar{A} \rightarrow \begin{bmatrix} 1 & 2 & 0 & 1 & 0 \\ 0 & 4 & 2 & -1 & 1 \\ 0 & 0 & 0 & 0 & d+1 \end{bmatrix}$ 则当 $d = (-1)$ 时, 方程组 $AX=b$ 有无穷多解。

105、线性方程组 $AX=b$ 有解的充分必要条件是 ()。

线性方程组 $AX=b$ 有解的充分必要条件是 _____

答案: $r(A)=r(\bar{A})$

106、线性方程组的一般解中自由未知生产某种产品的成本函数为 $C(q)=80+2q$, 则当产量 $q=50$ 时, 该产品的平均成本未知量的个数为 ()。

答案: 3.6

107、已知 $f(x)=1-\sin x$, 当 $x \rightarrow$ () 时, 为无穷小量。

已知 $f(x)=1-\frac{\sin x}{x}$, 当 $x \rightarrow$ _____ 时, $f(x)$ 为无穷小量。

答案: 0

108、已知 $f(x)=\begin{cases} x^2+1, & x \neq 1 \\ k, & x = 1 \end{cases}$, 若在 $x=0$ 处连续, 则 $k =$ ()。

已知 $f(x)=\begin{cases} x^2+1, & x \neq 0 \\ k, & x = 0 \end{cases}$, 若 $f(x)$ 在 $x=0$ 处连续, 则 $k =$ _____。

答案: 1

109、已知 $f(x)=\begin{cases} x^2-1, & x \neq 1 \\ a, & x = 1 \end{cases}$, 若 $f(x)$ 在 $x=1$ 处连续, 则 $a =$ ()。

已知 $f(x)=\begin{cases} \frac{x^2-1}{x-1}, & x \neq 1 \\ a, & x = 1 \end{cases}$, 若 $f(x)$ 在 $x=1$ 处连续, 则 $a =$ _____。

答案: 2

110、已知齐次线性方程组 $AX=0$ 中 A 为 3×5 矩阵, 且该方程组有非零解, 则 $r(A) \leq$ ()

答案: 3

111、已知齐次线性方程组 $AX=0$ 中 A 为 3×5 矩阵, 则 $r(A) \leq$ ()。

已知齐次线性方程组 $AX=0$ 中 A 为 3×5 矩阵, 则 $r(A) \leq$ _____。

答案: 3

112、已知生产某种产品的成本函数为 $C(q)=80+2q$, 则当产量 $q=50$ 时, 该产品的平均成本为 ()。

3.6

113、已知需求函数 $q=203-23p$, 其中 p 为价格, 则需求弹性 $E_p =$ ()。

已知需求函数 $q = \frac{20}{3} - \frac{2}{3}p$, 其中 p 为价格, 则需求弹性 $E_p = -\frac{p}{p-1}$

应用分析题(16)--伯仲教育: (微信搜:

Wj585858-)

- 1、某厂每天生产某种产品 q 件的成本函数为 $C(q)=\dots$
- 2、某厂生产某种产品 q 件时的总成本函数为 $C(q)=\dots$
- 3、某厂生产某种产品的总成本为 $C(x)=3+x$ (万元)...
- 4、设某产品的固定成本为 36(万元), 且边际成本为...
- 5、设生产某产品的总成本函数为 $C(x)=3+x$ (万元)...
- 6、设生产某种产品 q 个单位时的成本函数为 $C(q)=\dots$
- 7、生产某产品的边际成本为 $C'(x)=8x$ (万元/百台)...
- 8、投产某产品的固定成本为 36(万元), 边际成本为...
- 9、投产某产品的固定成本为 36(万元), 且产量(百...
- 10、已知某产品的边际成本为 $C(q)=4q-3$ (万元/百台)...
- 11、已知某产品的边际成本为 $C(x)=2$ (元/件) 边际收...
- 12、已知某产品的边际成本为 $C(x)=4x-3$ (万元/百台)...
- 13、已知某产品的边际成本为 $C(x)=6x-4$ (万元/百台)...
- 14、已知某产品的销售价格 p (元/件) 是销售量 q (件)...
- 15、已知生产某产品的边际成本为 $C(q)=8q$ (万元/百...
- 16、已知生产某产品的边际成本为 $C(X)=2$ (元/件), ...

1、某厂每天生产某种产品 q 件的成本函数为 $C(q)=0.5q^2+36q+9800$ (元)。

$C(q)=0.5q^2+36q+9800$ (元) 为使平均成本最低, 每天产量应为多少?

此时, 每件产品平均成本为多少?

解: 因为 $\bar{C}(q) = \frac{C(q)}{q} = 0.5q + 36 + \frac{9800}{q} (q > 0)$

$\bar{C}'(q) = 0.5 - \frac{9800}{q^2}$

令 $\bar{C}'(q) = 0$, 得 $q_1 = 140, q_2 = -140$ (舍去)。

可以验证 $q_1 = 140$ 是平均成本函数 $\bar{C}(q)$ 的最小值点, 即使平均成本最低, 每天产量应为 140 件。此时的平均成本为

$\bar{C}(140) = 0.5 \times 140 + 36 + \frac{9800}{140} = 176$ (元/件)

2、某厂生产某种产品 q 件时的总成本函数为 $C(q)=20+4q+0.01q^2$ (元), 单位销售价格为 $p=14-0.01q$ (元/件),

$C(q)=20+49+0.0193$ (元), 单位销售价格为 $p=14-0.01q$ (元/件),

问产量为多少时可使利润最大? 最大利润是多少?

15. 解: 由已知得收入函数

$R = qp = q(14 - 0.01q) = 14q - 0.01q^2$

利润函数

$L = R - C = 14q - 0.01q^2 - 20 - 4q - 0.01q^2 = 10q - 20 - 0.02q^2$

于是得到

$L' = 10 - 0.04q$

令 $L' = 10 - 0.04q = 0$, 解出唯一驻点 $q = 250$ 。因为利润函数存在着最大值, 所

以当产量为 250 件时可使利润达到最大。

且最大利润为

$$L(250) - 10 \times 250 - 20 - 0.02 \times (250)^2 = 1230 \text{ (元)}$$

3、某厂生产某种产品的总成本为 $C(x) = 3 + x$ (万元), 其中 x 为产量, 单位: 百吨。边际收入为

$$R'(x) = 15 - 2x \text{ (万元/百吨)}, \text{ 求:}$$

(1) 利润最大时的产量?

(2) 从利润最大时的产量再生产 1 百吨, 利润有什么变化?

15. 解: (1) 因为边际成本 $C'(x) = 1$, 边际利润

$$L'(x) = R'(x) - C'(x) = 15 - 2x - 1 = 14 - 2x$$

$$\text{令 } L'(x) = 0 \text{ 得 } x = 7 \text{ (百吨)}$$

又 $x = 7$ 是 $L(x)$ 的唯一驻点, 根据问题的实际意义可知

$L(x)$ 存在最大值, 故 $x = 7$ 是

$L(x)$ 的最大值点, 即当产量为 7 (百吨) 时, 利润最大.

$$\begin{aligned} (2) L &= \int_7^8 L'(x) dx = \int_7^8 (14 - 2x) dx \\ &= (14x - x^2) \Big|_7^8 = -1 \end{aligned}$$

即从利润最大时的产量再生产 1 百吨, 利润将减少 1 万元.

4、设某产品的固定成本为 36 (万元), 且边际成本为

$C'(z) = 2z + 40$ (万元/百台) 试求产量由 4 百台增至 6 百台时总

成本的增量, 及产量为多少时, 可使平均成本达到最低.

解: 当产量由 4 百台增至 6 百台时, 总成本的增量为

$$\Delta C = \int_4^6 (2x + 40) dx = (x^2 + 40x) \Big|_4^6 = 100 \text{ (万元)}$$

$$\text{又 } \bar{C}(x) = \frac{\int_0^x C'(x) dx + c_0}{x} = \frac{x^2 + 40x + 36}{x}$$

$$= x + 40 + \frac{36}{x}$$

$$\text{令 } \bar{C}'(x) = 1 - \frac{36}{x^2} = 0, \text{ 解得 } x = 6.$$

又该问题确实存在使平均成本达到最低的产量, 所以当 $x = 6$ 时可使平均成本达到最小.

5、设生产某产品的总成本函数为 $C(x) = 3 + x$ (万元), 其中 x 为产量, 单位: 百吨。销售 x 百吨时的边际收入为

$C(x) = 3 + z$ (万元), 其中 x 为产量, 单位: 百吨。销售 x 百吨时

的边际收入为

$$R'(z) = 15 - 2r \text{ (万元/百吨)}, \text{ 求:}$$

(1) 利润最大时的产量;

(2) 在利润最大时的产量的基础上再生产 1 百吨, 利润会发生什么变化?

解:

(1) 因为边际成本为 $C'(x) = 1$

$$\text{边际利润 } L'(x) = R'(x) - C'(x) = 14 - 2x$$

令 $L'(x) = 0$, 得 $x = 7$, 可以验证 $x = 7$ 为利润函数 $L(x)$ 的最大值点, 因此, 当产量为 7 吨时利润最大.

(2) 当产量由 7 百吨增加至 8 百吨时, 利润改变量为

$$\begin{aligned} \Delta L &= \int_7^8 (14 - 2x) dx = (14x - x^2) \Big|_7^8 \\ &= 112 - 64 - 98 + 49 = -1 \text{ (万元)} \end{aligned}$$

即利润将减少 1 万元.

6、设生产某种产品 q 个单位时的成本函数为

$C(q) = 100 + 0.25q^2 + 6q$ (万元), 求: ① $q = 10$ 时的总成本、平均成本和边际成本; ② 产量 q 为多少时, 平均成本最小.

15. 设生产某种产品 q 个单位时的成本函数为 $C(q) = 100 + 0.25q^2 + 6q$ (万元), 求: ① $q = 10$ 时的总成本、平均成本和边际成本; ② 产量 q 为多少时, 平均成本最小.

答案:

15. 解: ① 当 $q = 10$ 时的总成本为

$$C(10) = 100 + 0.25 \times (10)^2 + 6 \times 10 = 185 \text{ (万元)}.$$

$$\text{平均成本为 } \bar{C}(10) = \frac{C(10)}{10} = 18.5 \text{ (万元/单位)}.$$

$$\text{边际成本为 } C'(10) = (0.5q + 6) \Big|_{q=10} = 11 \text{ (万元/单位)}. \dots\dots\dots 10 \text{ 分}$$

$$\text{② 因为 } \bar{C}(q) = \frac{C(q)}{q} = \frac{100}{q} + 0.25q + 6$$

$$\text{令 } \bar{C}'(q) = -\frac{100}{q^2} + 0.25 = 0, \text{ 解得唯一驻点 } q = 20 \text{ (舍去)}.$$

$$\text{又 } \bar{C}''(q) = \frac{200}{q^3} > 0, \text{ 所以 } q = 20 \text{ 是平均成本函数 } \bar{C}(q) \text{ 的极小值点, 也是最小值点}$$

因此, 当产量 $q = 20$ 时, 可使平均成本最小. 20 分

7、生产某产品的边际成本为 $C'(x) = 8x$ (万元/百台), 边际收入为 $R(x) = 100 - 2x$ (万元/百台), 其中 x 为产量, 求: ① 产量为多少时利润最大; ② 在最大利润产量的基础上再生产 2 百台, 利润将会发生什么变化.

$$\text{解 } L'(x) = R'(x) - C'(x) = (100 - 2x) - 8x = 100 - 10x$$

$$\text{令 } L'(x) = 0, \text{ 得 } x = 10 \text{ (百台)}$$

又 $x = 10$ 是 $L(x)$ 的唯一驻点, 该问题确实存在最大值,

故 $x = 10$ 是 $L(x)$ 的最大值点, 即当产量为 10 (百台) 时, 利润最大.

$$\text{又 } L = \int_{10}^{12} L'(x) dx = \int_{10}^{12} (100 - 10x) dx = (100x - 5x^2) \Big|_{10}^{12} = -20$$

即从利润最大时的产量再生产 2 百台, 利润将减少 20 万元.

8、投产某产品的固定成本为 36 (万元), 边际成本为 $C'(x) = 2x + 40$ (万元/百台)。产量由 4 百台增至 6 百台时总成本的增量, 及产量为多少时, 可使平均成本达到最低

15. 解: 产量由 4 百台增至 6 百台时总成本的增量为

$$\Delta C = \int_4^6 (2x + 40) dx = (x^2 + 40x) \Big|_4^6 = 100 \text{ (万元)} \dots\dots\dots$$

总成本函数为

$$C(x) = \int C'(x) dx = \int (2x + 40) dx = x^2 + 40x + c$$

由 $C(0) = 36$ 可得 $c = 36$, 从而 $C(x) = x^2 + 40x + 36$. 因此, 平均成本函数为

$$\bar{C}(x) = \frac{x^2 + 40x + 36}{x} = x + 40 + \frac{36}{x} \dots\dots\dots$$

$$\text{令 } \bar{C}'(x) = 1 - \frac{36}{x^2} = 0, \text{ 解得唯一驻点 } x = 6 \text{ (舍去)}.$$

又 $\bar{C}'(x) = \frac{72}{x^2} > 0$, 所以 $x=6$ 是平均成本函数 $\bar{C}(x)$ 的极小值, 也是最小值. 因此, 当产量为 6 百台时, 可使平均成本达到最小. 20 分

9、投产某产品的固定成本为 36(万元), 且产量(百台)时的边际成本为 $C(x)=2x+60$ (万元百台), 试求产量由 4 百台增至 6 百台时总成本的增量,

$C'(x)=2x+60$ (万元/百台), 试求产量由 4 百台增至 6 百台时总成本的增量

及产量为多少时, 可使平均成本达到最低。

15. 解: 当产量由 4 百台增至 6 百台时, 总成本的增量为

$$\Delta C = \int_4^6 (2x + 60) dx = (x^2 + 60x) \Big|_4^6 = 140 \text{ (万元)}$$

$$\begin{aligned} \text{又 } \bar{C}(x) &= \frac{\int_0^x C'(x) dx + c_0}{x} = \frac{x^2 + 60x + 36}{x} \\ &= x + 60 + \frac{36}{x} \end{aligned}$$

$$\text{令 } \bar{C}'(x) = 1 - \frac{36}{x^2} = 0, \text{ 解得 } x = 6.$$

又该问题确实存在使平均成本达到最低的产量, 所以, 当 $x=6$ (百台) 时可使平均成本达到最低。

10、已知某产品的边际成本为 $C(q)=4q-3$ (万元百台), q 为产量(百台), 固定成本为 18(万元), 求最低平均成本。

解: 因为总成本函数为

$$C(q) = \int (4q - 3) dq = 2q^2 - 3q + c,$$

当 $q=0$ 时, $C(0) = 18$, 得 $c = 18$. 即

$$C(q) = 2q^2 - 3q + 18$$

又平均成本函数为

$$A(q) = \frac{C(q)}{q} = 2q - 3 + \frac{18}{q}$$

$$\text{令 } A'(q) = 2 - \frac{18}{q^2} = 0, \text{ 解得 } q = 3 \text{ (百台)}$$

该题确实存在使平均成本最低的产量, 所以当 $x=3$ 时, 平均成本最低, 最低平均成本为

$$A(3) = 2 \times 3 - 3 + \frac{18}{3} = 9 \text{ (万元/百台)}$$

11、已知某产品的边际成本为 $C(x)=2$ (元/件) 边际收入为 $R(x)=12-0.02x$, 问产量为多少时利润最大?

$C'(x)=2$ (元/件) 边际收入为 $R'(x)=12-0.02x$, 问产量为多少时利润最大? 在最大利润产量的基础上再生产 50 件, 利润将会发生什么变化?

解: 边际利润

$$L'(x) = R'(x) - c'(x) = 12 - 0.02x - 2 = 10 - 0.02x$$

$$\text{令 } L'(x) = 0, \text{ 得 } x = 500.$$

又 $x=500$ 是 $L(x)$ 的唯一驻点, 根据问题的实际意义可知 $L(x)$ 存在最大值, 故 $x=500$ 是 $L(x)$ 的最大值点, 即当产量为 500 件时, 利润最大。

当产量由 500 件增加至 550 件时, 利润改变量为

$$\Delta L = \int_{500}^{550} L'(x) dx = \int_{500}^{550} (10 - 0.02x) dx = (10x - 0.01x^2) \Big|_{500}^{550} = -25$$

即在最大利润产量的基础上再生产 30 件, 利润将减少 25 元。

12、已知某产品的边际成本为 $C(x)=4x-3$ (万元百台), x 为产量(百台), 固定成本为 18(万元), 求最低平均成本。

$$C'(x) = 4x - 3 \text{ (万元/百台)},$$

x 为产量 (百台), 固定成本为 18 (万元), 求最低平均成本。

解: 因为总成本函数为

$$C(x) = \int (4x - 3) dx = 2x^2 - 3x + c$$

当 $x=0$ 时, $C(0) = 18$, 得 $c = 18$, 即

$$C(x) = 2x^2 - 3x + 18$$

又平均成本函数为

$$A(x) = \frac{C(x)}{x} = 2x - 3 + \frac{18}{x}$$

$$\text{令 } A'(x) = 2 - \frac{18}{x^2} = 0, \text{ 解得 } x = 3 \text{ (百台)}.$$

可以验证 $x=3$ 是 $A(x)$ 的最小值点, 所以当 $x=3$ 时, 平均成本最低, 最低平均成本为

$$A(3) = 2 \times 3 - 3 + \frac{18}{3} = 9 \text{ (万元/百台)}$$

13、已知某产品的边际成本为 $C(x)=6x-4$ (万元百台) x 为产量(百台), 固定成本为 27(万元), 求最低平均成本。

$C'(x)=6x-4$ (万元/百台) x 为产量 (百台), 固定成本为 27 (万元), 求最低平均成本。

解: 因为总成本函数为

$$C(x) = \int (6x - 4) dx = 3x^2 - 4x + c$$

当 $x=0$ 时, $C(0) = 27$, 得 $c = 27$, 即

$$C(x) = 3x^2 - 4x + 27$$

又平均成本函数为

$$\bar{C}(x) = \frac{C(x)}{x} = 3x - 4 + \frac{27}{x}$$

$$\text{令 } \bar{C}'(x) = 3 - \frac{27}{x^2} = 0, \text{ 解得 } x = 3 \text{ (百台)}$$

该问题确实存在平均成本最低的产量。所以, 当 $x=3$ 时, 平均成本最低, 最低平均成本为

$$\bar{C}(3) = 3 \times 3 - 4 + \frac{27}{3} = 14 \text{ (万元/百台)}$$

14、已知某产品的销售价格 p (元/件) 是销售量 q (件) 的函数 $p=400-q^2$, 而总成本为 $C(q)=100q+1500$ (元),

$$p = 400 - \frac{q^2}{2}, \text{ 而总成本为 } C(q) = 100q + 1500 \text{ (元)},$$

假设生产的产品全部售出,

求 (1) 产量为多少时利润最大?

(2) 最大利润是多少?

解:收入函数为 $R=pq=(400-\frac{q}{2})q=400q-\frac{q^2}{2}$

$$L=R-C=400q-\frac{q^2}{2}-(100q+1500)=300q-\frac{q^2}{2}-1500$$

边际利润为

$$L'(x)=R'(q)-C'(q) \\ =300-q$$

令 $L'(q)=0$ 得 $q=300$, 即产量为 300 件时利润最大。

$$\text{最大利润为 } L(300)=300 \times 300 - \frac{300^2}{2} - 1500 = 43500 \text{ (元)}$$

15、已知生产某产品的边际成本为 $C(q)=8q$ (万元/百台), 边际收入为 $R(q)=100-2q$ (万元/百台), 其中 q 为产量, 问产量多少时, 可使利润达到最大?

$C'(q)=8q$ (万元/百台), 边际收入为 $R'(q)=100-2q$

(万元/百台), 其中 q 为产量, 问产量多少时, 可使利润达到最大? 在利润最大时的产量基础上再生产 2 百台, 利润将会有怎样的变化?

解: $L'(q)-R'(q)-C''(q)=(100-20)-80=100-10q$

令 $L'(q)=0$, 得 $q=10$ (百台)

又 $q=10$ 是 $L(q)$ 的唯一驻点, 该

问题确实存在最大值, 即当产量为 10(百台)时利润最大。

$$\Delta L = \int_{10}^{12} L'(q) dq = \int_{10}^{12} (100-10q) dq = (100q - 5q^2) \Big|_{10}^{12} = -20$$

即在利润最大时的产量基础上再生产 2 百台, 利润将减少 20 万元。

16、已知生产某产品的边际成本为 $C(X)=2$ (元/件), 边际收入为 $R(X)=12-0.02X$, 问产量为多少时利润最大? 在最大利润产量的基础上再生产 50 件, 利润将会发生什么变化?

已知生产某产品的边际成本为 $C'(X)=2$ (元/件), 边际收入为 $R'(X)=12-0.02X$, 问产量为多少时利润最大? 在最大利润产量的基础上再生产 50 件, 利润将会发生什么变化?

答案: 解: 边际利润

$$L'(X)=R'(X)-C'(X)=12-0.02X-2=10-0.02X$$

令 $L'(X)=0$, 得 $X=500$

又 $x=500$ 是 $L(x)$ 的唯一驻点, 根据问题的实际意义可知 $L(x)$ 存在最大值, 故 $x=500$ 是 $L(x)$ 的最大值点, 即当产量为 500 件时, 利润最大. 10 分

当产量由 500 件增加至 550 件时, 利润改变量为

$$\Delta L = \int_{500}^{550} L'(x) dx = \int_{500}^{550} (10-0.02x) dx = (10x - 0.01x^2) \Big|_{500}^{550} = -25$$

即在最大利润产量的基础上再生产 50 件, 利润将减少 25 元. 20 分

微积分计算(48)--伯仲教育: (微信搜: Wj585858-)

- 1、[计算 \$\int x \cos x dx\$.](#)
- 2、[计算不定积分 \$\int x^2+x^2 dx\$, 求 \$dy\$.](#)
- 3、[计算不定积分 \$\int x \sin 2x dx\$.](#)
- 4、[计算不定积分 \$\int \(2x+1\) 10 dx\$.](#)
- 5、[计算不定积分 \$\int \ln x\$.](#)
- 6、[计算不定积分 \$\int \ln x x^2 dx\$.](#)
- 7、[计算不定积分 \$\int \sin 1 x x^2 dx\$.](#)
- 8、[计算不定积分 \$\int x/\cos 2x\$.](#)

- 9、[计算不定积分 \$\int x \cos x dx\$.](#)
- 10、[计算不定积分 \$\int x \ln x dx\$.](#)
- 11、[计算不定积分 \$\int x \sin x^2 dx\$.](#)
- 12、[计算不定积分 \$\int x \sqrt{2+x} dx\$.](#)
- 13、[计算定积分 \$\int 1/x \sqrt{1+\ln x} dx\$.](#)
- 14、[计算定积分 \$\int 21x^2 dx\$.](#)
- 15、[计算定积分 \$\int e^x\(1+e^x\) dx\$.](#)
- 16、[计算定积分 \$\int e^x dx\$.](#)
- 17、[计算定积分 \$\int e^x dx\$.](#)
- 18、[计算定积分 \$\int x e^{-2x} dx\$.](#)
- 19、[计算定积分 \$\int x e^x dx\$.](#)
- 20、[计算定积分 \$\int x \ln x dx\$.](#)
- 21、[计算定积分 \$\int x \ln x dx\$.](#)
- 22、[计算定积分 \$\int x \ln x dx\$.](#)
- 23、[计算定积分 \$\int x \sin x dx\$.](#)
- 24、[计算积分 \$\int x \cos 2x dx\$.](#)
- 25、[计算极限 \$\lim x^2-5x+6x-6x+8\$.](#)
- 26、[计算极限 \$\lim x^2-x-12\$.](#)
- 27、[设 \$y=\ln\(1+\sin x\)\$, 求 \$y'\$.](#)
- 28、[设 \$y=2^x-\sin 5x\$, 求 \$y'\$.](#)
- 29、[设 \$y=2x-\cos x^2\$, 求 \$dy\$.](#)
- 30、[设 \$y=3x+\cos 5x\$, 求 \$dy\$.](#)
- 31、[设 \$y=\cos 2x+1/x\$, 求 \$y'\$.](#)
- 32、[设 \$y=\cos 2x+\ln x\$, 求 \$y'\$.](#)
- 33、[设 \$y=\cos x+\ln 2x\$, 求 \$dy\$.](#)
- 34、[设 \$y=e+\cos 2x\$, 求 \$y'\$.](#)
- 35、[设 \$y=e+x\sqrt{x}\$, 求 \$dy\$.](#)
- 36、[设 \$y=e-5x-\tan x\$, 求 \$dy\$.](#)
- 37、[设 \$y=e-x^2+\cos 2x\$, 求 \$y'\$.](#)
- 38、[设 \$y=e-x \cos x\$, 求 \$y'\$.](#)
- 39、[设 \$y=e^{1/x+5x}\$.](#)
- 40、[设 \$y=e^2+x\$, 求 \$y'\$.](#)
- 41、[设 \$y=e^x+\ln \cos x\$, 求 \$dy\$.](#)
- 42、[设 \$y=\ln 3x-\cos 5x\$, 求 \$dy\$.](#)
- 43、[设 \$y=\ln x^2+e-3x\$, 求 \$dy\$.](#)
- 44、[设 \$y=\sin \sqrt{x+x-1x}\$, 求 \$y\$.](#)
- 45、[设 \$y=x^5+e\$, 求 \$y\$.](#)
- 46、[设 \$y=x\sqrt{x+e}\$, 求 \$y\$.](#)
- 47、[已知 \$x+y-xy+3x=1\$, 求 \$dy\$.](#)
- 48、[已知 \$y=2x-\cos x\$, 求 \$dy\$.](#)

1、计算 $\int x \cos x dx$.

$$\text{计算 } \int_0^{\frac{\pi}{2}} x \cos x dx.$$

答案:

12. 解: 由分部积分法得

$$\int_0^{\frac{\pi}{2}} x \cos x dx = x \sin x \Big|_0^{\frac{\pi}{2}} - \int_0^{\frac{\pi}{2}} \sin x dx = \frac{\pi}{2} + \cos x \Big|_0^{\frac{\pi}{2}} = \frac{\pi}{2} - 1$$

2、计算不定积分 $\int x^2+x^2 dx$, 求 dy .

$$\text{计算不定积分 } \int x \sqrt{2+x^2} dx.$$

$$\text{解: 原式} = \int \sqrt{2+x^2} d(\frac{1}{2}x^2) = \frac{1}{2} \int \sqrt{2+x^2} d(2+x^2) = \frac{1}{3} (2+x^2)^{\frac{3}{2}} + c$$

3、计算不定积分 $\int x \sin 2x dx$.

$$\text{计算不定积分 } \int x \sin \frac{x}{2} dx.$$

$$\text{解 原式} = 2 \int x d(-\cos \frac{x}{2}) = -2x \cos \frac{x}{2} + 2 \int \cos \frac{x}{2} dx = -2x \cos \frac{x}{2} + 4 \sin \frac{x}{2} + c$$

4、计算不定积分 $\int (2x+1) 10 dx$.

$$\text{计算不定积分 } \int (2x+1)^{10} dx.$$

3. 解: 由换元积分法得

$$\int (2x+1)^{10} dx = \frac{1}{2} \int (2x+1)^{10} d(2x+1) = \frac{1}{22} (2x+1)^{11} + c$$

5、计算不定积分 $\int \ln x$

计算不定积分 $\int \frac{\ln x}{\sqrt{x}} dx$.

12. 解: 由分部积分法得

$$\int \frac{\ln x}{\sqrt{x}} dx = 2\sqrt{x} \ln x - 2 \int \frac{\sqrt{x}}{x} dx = 2\sqrt{x} \ln x - 4\sqrt{x} + c$$

6、计算不定积分 $\int \ln x \cdot 2 dx$.

计算不定积分 $\int_1^e \frac{\ln x}{x^2} dx$.

解: 由分部积分法得

$$\int_1^e \frac{\ln x}{x^2} dx = -\frac{1}{x} \ln x \Big|_1^e + \int_1^e \frac{1}{x^2} dx = -\frac{1}{e} - \frac{1}{x} \Big|_1^e = 1 - \frac{2}{e}$$

7、计算不定积分 $\int \sin 1/x \cdot 2 dx$.

计算不定积分 $\int \frac{\sin \frac{1}{x}}{x^2} dx$.

$$\text{解: } \int \frac{\sin \frac{1}{x}}{x^2} dx = -\int \sin \frac{1}{x} d\left(\frac{1}{x}\right) = \cos \frac{1}{x} + c$$

8、计算不定积分 $\int x/\cos^2 x$

计算不定积分 $\int \frac{x}{\cos^2 x} dx$.

$$\text{解: } \int \frac{x}{\cos^2 x} dx = \int x \tan x dx = x \tan x - \int \tan x dx$$

9、计算不定积分 $\int x \cos x dx$.

计算 $\int_0^{\frac{\pi}{2}} x \cos x dx$.

12. 解: 由分部积分法得

$$\int_0^{\frac{\pi}{2}} x \cos x dx = x \sin x \Big|_0^{\frac{\pi}{2}} - \int_0^{\frac{\pi}{2}} \sin x dx = \frac{\pi}{2} + \cos x \Big|_0^{\frac{\pi}{2}} = \frac{\pi}{2} - 1$$

10、计算不定积分 $\int x \ln x dx$.

计算不定积分 $\int_1^e x \ln x dx$.

解: 由分部积分法得

$$\begin{aligned} \int_1^e x \ln x dx &= \frac{x^2}{2} \ln x \Big|_1^e - \frac{1}{2} \int_1^e x^2 d(\ln x) \\ &= \frac{e^2}{2} - \frac{1}{2} \int_1^e x dx = \frac{e^2}{4} + \frac{1}{4} \end{aligned}$$

11、计算不定积分 $\int x \sin 2x dx$

计算不定积分 $\int x \sin \frac{x}{2} dx$.

答案:

$$\begin{aligned} \text{解: } \int x \sin \frac{x}{2} dx &= -2 \int x \cos \frac{x}{2} = -2x \cos \frac{x}{2} + 2 \int \cos \frac{x}{2} dx \\ &= -2x \cos \frac{x}{2} + 4 \sin \frac{x}{2} + c \end{aligned}$$

12、计算不定积分 $\int x\sqrt{2+x} dx$

计算不定积分 $\int x\sqrt{2+x^2} dx$.

$$\text{解: } \int x\sqrt{2+x^2} dx = \frac{1}{2} \int \sqrt{2+x^2} d(2+x^2) = \frac{1}{3} (2+x^2)\sqrt{2+x^2} + c$$

13、计算定积分 $\int_1^e x\sqrt{1+\ln x} dx$.

计算定积分 $\int_1^e \frac{1}{x\sqrt{1+\ln x}} dx$.

$$\begin{aligned} \text{解: } \int_1^e \frac{1}{x\sqrt{1+\ln x}} dx &= \int_1^e \frac{1}{\sqrt{1+\ln x}} d(1+\ln x) = 2\sqrt{1+\ln x} \Big|_1^e \\ &= 2(\sqrt{3}-1) \end{aligned}$$

14、计算定积分 $\int_1^e 21x \cdot 2 dx$

12. 计算定积分 $\int_1^e \frac{e^{\frac{1}{x}}}{x^2} dx$.

$$\text{12. 解: } \int_1^e \frac{e^{\frac{1}{x}}}{x^2} dx = -\int_1^e e^{\frac{1}{x}} d\left(\frac{1}{x}\right) = -e^{\frac{1}{x}} \Big|_1^e = e - \sqrt{e}$$

15、计算定积分 $\int_0^{\ln 3} x(1+e^x) dx$.

计算定积分 $\int_0^{\ln 3} e^x(1+e^x)^2 dx$.

$$\begin{aligned} \text{解: } \int_0^{\ln 3} e^x(1+e^x)^2 dx &= \int_0^{\ln 3} (1+e^x)^2 d(1+e^x) \\ &= \frac{1}{3} (1+e^x)^3 \Big|_0^{\ln 3} = \frac{56}{3} \end{aligned}$$

16、计算定积分 $\int_1^e x dx$

计算定积分 $\int_1^e \frac{e^{\frac{1}{x}}}{x^2} dx$.

$$\text{解 原式} = \int_1^e e^{\frac{1}{x}} d\left(-\frac{1}{x}\right) = -e^{\frac{1}{x}} \Big|_1^e = -e^{\frac{1}{e}} + e$$

17、计算定积分 $\int_1^e x dx$.

计算定积分 $\int_1^e \frac{e^{\sqrt{x}}}{\sqrt{x}} dx$.

$$\text{解: } \int_1^e \frac{e^{\sqrt{x}}}{\sqrt{x}} dx = \int_1^e 2e^{\sqrt{x}} d\sqrt{x} = 2e^{\sqrt{x}} \Big|_1^e = 2e^2 - 2e$$

18、计算定积分 $\int_0^1 x e^{-2x} dx$.

计算定积分 $\int_0^1 x e^{-2x} dx$.

12. 解: 由定积分的分部积分法得

$$\begin{aligned} \int_0^1 x e^{-2x} dx &= -\frac{1}{2} \int_0^1 x d(e^{-2x}) = -\frac{1}{2} x e^{-2x} \Big|_0^1 + \frac{1}{2} \int_0^1 e^{-2x} dx \\ &= -\frac{1}{2} e^{-2} - \frac{1}{4} e^{-2x} \Big|_0^1 = -\frac{3}{4} e^{-2} + \frac{1}{4} \end{aligned}$$

19、计算定积分 $\int_0^1 x e^{x^2} dx$.

计算定积分 $\int_0^1 x e^{x^2} dx$.

解: $\int_0^1 xe^x dx = \int_0^1 x de^x = xe^x \Big|_0^1 - \int_0^1 e^x dx = e - e^x \Big|_0^1 = 1$

20、计算定积分 $\int_1^e x \ln x dx$.

计算定积分 $\int_1^e x \ln x dx$.

解: $\int_1^e x \ln x dx = \frac{1}{2} x^2 \ln x \Big|_1^e - \frac{1}{2} \int_1^e x dx = \frac{e^2}{2} - \frac{1}{4} x^2 \Big|_1^e = \frac{1}{4} (e^2 + 1)$

21、计算定积分 $\int_1^e x \ln x dx$.

计算定积分 $\int_1^e x \ln x dx$.

解: $\int_1^e x \ln x dx = \frac{1}{2} \int_1^e \ln x d(x^2) = \frac{1}{2} x^2 \ln x \Big|_1^e - \frac{1}{2} \int_1^e x^2 d(\ln x)$
 $= \frac{e^2}{2} - \frac{1}{2} \int_1^e x dx = \frac{e^2}{2} - \frac{1}{4} x^2 \Big|_1^e = \frac{e^2}{4} + \frac{1}{4}$

22、计算定积分 $\int_1^e x \ln x dx$.

计算定积分 $\int_1^e x \ln x dx$.

解: $\int_1^e x \ln x dx = \frac{1}{2} x^2 \ln x \Big|_1^e - \frac{1}{2} \int_1^e x dx = \frac{e^2}{2} - \frac{1}{4} x^2 \Big|_1^e = \frac{1}{4} (e^2 + 1)$

23、计算定积分 $\int_0^{\frac{\pi}{2}} x \sin x dx$.

计算定积分 $\int_0^{\frac{\pi}{2}} x \sin x dx$.

12. 解: 由定积分的分部积分法得

$\int_0^{\frac{\pi}{2}} x \sin x dx = \int_0^{\frac{\pi}{2}} x d(-\cos x) = -x \cos x \Big|_0^{\frac{\pi}{2}} + \int_0^{\frac{\pi}{2}} \cos x dx$
 $= 0 + \sin x \Big|_0^{\frac{\pi}{2}} = 1$

24、计算积分 $\int_0^{\frac{\pi}{2}} x \cos 2x dx$.

计算积分 $\int_0^{\frac{\pi}{2}} x \cos 2x dx$.

解: $\int_0^{\frac{\pi}{2}} x \cos 2x dx = \frac{1}{2} x \sin 2x \Big|_0^{\frac{\pi}{2}} - \frac{1}{2} \int_0^{\frac{\pi}{2}} \sin 2x dx$
 $= \frac{1}{4} \cos 2x \Big|_0^{\frac{\pi}{2}} = -\frac{1}{2}$

25、计算极限 $\lim_{x \rightarrow 2} \frac{x^2 - 5x + 6}{x^2 - 6x + 8}$.

计算极限 $\lim_{x \rightarrow 2} \frac{x^2 - 5x + 6}{x^2 - 6x + 8}$.

解: $\lim_{x \rightarrow 2} \frac{x^2 - 5x + 6}{x^2 - 6x + 8} = \lim_{x \rightarrow 2} \frac{(x-2)(x-3)}{(x-2)(x-4)} = \lim_{x \rightarrow 2} \frac{x-3}{x-4} = \frac{1}{2}$

26、计算极限 $\lim_{x \rightarrow 4} \frac{x^2 - x - 12}{x^2 - 5x + 4}$.

计算极限 $\lim_{x \rightarrow 4} \frac{x^2 - x - 12}{x^2 - 5x + 4}$.

解: $\lim_{x \rightarrow 4} \frac{x^2 - x - 12}{x^2 - 5x + 4} = \lim_{x \rightarrow 4} \frac{(x-4)(x+3)}{(x-4)(x-1)} = \frac{7}{3}$

27、设 $y = \ln(1 + \sin x)$, 求 y'

解: $y' = (\ln(1 + \sin x))' = \frac{(1 + \sin x)'}{1 + \sin x} = \frac{\cos x}{1 + \sin x}$

28、设 $y = 2^x - \sin 5x$, 求 y'

11. 设 $y = 2^x - \sin 5x$, 求 y' .

11. 解: $y' = (2^x)' - (\sin 5x)' = 2^x \ln 2 - \cos 5x \cdot (5x)' = 2^x \ln 2 - 5 \cos 5x$

29、设 $y = 2x - \cos x^2$, 求 dy .

设 $y = 2x - \cos x^2$, 求 dy .

解: $y' = 2 + 2x \sin x^2$

答案: $dy = (2 + 2x \sin x^2) dx$

30、设 $y = 3x + \cos 5x$, 求 dy .

设 $y = 3x + \cos 5x$, 求 y' .

11. 解: 由微分四则运算法则和微分基本公式得

$dy = d(3x + \cos 5x) = d(3x) + d(\cos 5x)$
 $= 3 dx - \sin 5x \cdot (5x)' = 3 dx - 5 \sin 5x dx$

31、设 $y = \cos 2x + \frac{1}{x}$, 求 y' .

设 $y = \cos 2x + \frac{1}{x}$, 求 y' .

解: $y' = (\cos 2x)' + (x^{-1})' = -\sin 2x \cdot (2x)' - x^{-2} = -2 \sin 2x - \frac{1}{x^2}$

32、设 $y = \cos 2x + \ln x$, 求 y' .

$y = \cos 2x + \ln x$, 求 y' .

解: 由导数四则运算法则和导数基本公式得

$y' = (\cos 2x + \ln x)' = (\cos 2x)' + (\ln x)'$
 $= -\sin 2x \cdot (2x)' + \frac{1}{x}$
 $= -2 \sin 2x + \frac{1}{x}$

33、设 $y = \cos x + \ln 3x$, 求 dy .

设 $y = \cos x + \ln 3x$, 求 dy .

解: $y' = -\sin x + 2 \ln x \left(\frac{1}{x}\right)' = \frac{2}{x} \ln x - \sin x$

$dy = \left(\frac{2}{x} \ln x - \sin x\right) dx$

34、设 $y = e^{-x^2} + \cos 2x$, 求 y' .

设 $y = e^{-x^2} + \cos 2x$, 求 y' .

解: $y' = (e^{-x^2})' + (\cos 2x)'$

$= (-x^2)' \cdot e^{-x^2} - 2 \sin 2x$

$= -2xe^{-x^2} - 2 \sin 2x$

综上所述, $y' = -2xe^{-x^2} - 2 \sin 2x$

35、设 $y=e+x\sqrt{x}$,求 dy .

设 $y=e^{\sin x} + x\sqrt{x}$,求 dy .

解: $y' = (e^{\sin x} + x\sqrt{x})' = (e^{\sin x})' + (x\sqrt{x})'$

$= e^{\sin x} (\sin x)' + (x^{\frac{3}{2}})'$

$= \cos x e^{\sin x} + \frac{3}{2} x^{\frac{1}{2}}$

$dy = (\cos x e^{\sin x} + \frac{3}{2} x^{\frac{1}{2}}) dx$

36、设 $y=e-5x-\tan x$,求 dy .

设 $y=e^{-5x} - \tan x$,求 dy .

11. 解: $y' = (e^{-5x})' - (\tan x)' = -5e^{-5x} - \frac{1}{\cos^2 x}$

$dy = (-5e^{-5x} - \frac{1}{\cos^2 x}) dx$

37、设 $y=e-x^2+\cos 2x$,求 y' .

设 $y=e-e^z + \cos 2z$,求 y' .

解: $y' = e^{-z} \cdot (-z)' - \sin 2z(2z)' = -2xe^{-z} - 2\sin 2z$

38、设 $y=e-x\cos x$,求 y' .

设 $y=e^{-x} \cos x$,求 y' .

解: $y' = (e^{-x})' \cos x + e^{-x} (\cos x)'$

$= e^{-x} \cdot (-x)' \cdot \cos x + e^{-x} \cdot (-\sin x)$

$= -e^{-x} (\cos x + \sin x) \dots\dots\dots$

39、设 $y=e^{1/x}+5x$

设 $y=e^{\frac{1}{x}} + 5^x$,求 dy .

解: $y' = e^{\frac{1}{x}} \left(-\frac{1}{x^2}\right) + 5^x \ln 5$

$dy = y' dx$

$= \left(5^x \ln 5 - \frac{e^{\frac{1}{x}}}{x^2}\right) dx$

40、设 $y=e^{2x}+x$,求 y' .

设 $y=e^{2x} + x\sqrt{x}$,求 y' .

解: $y' = (e^{2x})' + (x\sqrt{x})' = e^{2x} \cdot (2x)' + \frac{3}{2}\sqrt{x} = 2e^{2x} + \frac{3}{2}\sqrt{x}$

41、设 $y=e^x+\ln\cos x$,求 dy

设 $y=e^x+\ln\cos x$,求 dy .

解: $y' = e^x - \frac{1}{\cos x} (-\sin x) = e^x + \tan x$

$dy = y' dx$

$= (e^x + \tan x) dx$

42、设 $y=\ln 3x-\cos 5x$,求 dy .

设 $y=\ln^2 x-\cos 5x$,求 dy .

解: $y' = (\ln^2 x - \cos 5x)' = (\ln^2 x)' - (\cos 5x)'$

$= 3 \ln^2 x (\ln x)' + \sin 5x \cdot (5x)'$

$= \frac{3 \ln^2 x}{x} + 5 \sin 5x$

$dy = \left(\frac{3 \ln^2 x}{x} + 5 \sin 5x\right) dx$

43、设 $y=\ln x 2x+e^{-3x}$,求 dy .

设 $y=\ln^2 x+e^{-3x}$,求 dy .

11. 解: 因为 $y' = 2 \ln x (\ln x)' - 3e^{-3x} = \frac{2 \ln x}{x} - 3e^{-3x}$

所以 $dy = \left(\frac{2 \ln x}{x} - 3e^{-3x}\right) dx$

44、设 $y=\sin\sqrt{x}+x-1$,求 y' .

设 $y = \sin\sqrt{x} + \frac{x-1}{x}$,求 y' .

解:由导数四则运算法则和复合函数求导法则得

$y' = \cos\sqrt{x} \frac{1}{2\sqrt{x}} + \frac{1}{x^2} = \frac{\cos\sqrt{x}}{2\sqrt{x}} + \frac{1}{x^2}$

45、设 $y=x^5+e$,求 y' .

题目: 设 $y=x^5+e^{\sin x}$,求 dy .

11. 解:由微分四则运算法则和微分基本公式得

$dy = d(x^5 + e^{\sin x}) = d(x^5) + d(e^{\sin x})$

$= 5x^4 dx + e^{\sin x} d(\sin x)$

$= 5x^4 dx + e^{\sin x} \cos x dx$

$= (5x^4 + e^{\sin x} \cos x) dx$

46、设 $y=x\sqrt{x}+e$,求 y' .

设 $y = x\sqrt{x} + e^{-x}$,求 y' .

答案:

解: $y' = (x\sqrt{x})' + (e^{-x})' = (\frac{5}{2})' + e^{-x} \cdot (-x)' = \frac{3}{2}\sqrt{x} - e^{-x} \dots\dots\dots$

47、已知 $x+y-xy+3x=1$,求 dy 。

已知 $x^2 + y^2 - xy + 3x = 1$, 求 dy 。

解: 方程两边关于 x 求导: $2x + 2yy' - y - xy' + 3 = 0$

$$(2y - x)y' = y - 2x - 3, \quad dy = \frac{y-3-2x}{2y-x} dx$$

48、已知 $y=2x-\cos x$,求 dy 。

已知 $y = 2^x - \frac{\cos x}{x}$, 求 dy 。

解: 因为 $y'(x) = (2^x - \frac{\cos x}{x})' = 2^x \ln 2 - \frac{-x \sin x - \cos x}{x^2}$

$$= 2^x \ln 2 + \frac{x \sin x + \cos x}{x^2}$$

所以 $dy = (2^x \ln 2 + \frac{x \sin x + \cos x}{x^2}) dx$

线性代数计算题(38)--伯仲教育: (微信搜: Wj585858-)

- 1、解矩阵方程 $X[12]=[10]$ 。
- 2、解矩阵方程 $[2-2]X-X=[34]$ 。
- 3、求 λ 取何值时,线性方程组 $\{x_1+x_2+x_3=1$ 有解? 有...
- 4、求 λ 取何值时,线性方程组 $\{x_1-x_2+x_4=2$ 有解...
- 5、求 λ 为何值时,齐次线性方程组 $\{x_1+2x_2+\lambda x_3=...$
- 6、求 λ 为何值时,线性方程组 $\{x_1+x_2-x_3=3$,有解...
- 7、求 λ 为何值时,线性方程组 $\{x_1-x_2+4x_3=2$,有解...
- 8、求非齐次线性方程组 $\{x_1+2x_2+x_3=8$ 的一般解...
- 9、求非齐次线性方程组 $\{x_1+x_2+x_3=3$ 的一般解...
- 10、求齐次线性方程组 $\{x_1+2x_2-x_4=2$ 的一般解...
- 11、求齐次线性方程组 $\{x_1+2x_3-x_4=0$ 的一般解...
- 12、求齐次线性方程组 $\{x_1+2x_3-x_4=0$ 的一般解...
- 13、求齐次线性方程组 $\{x_1+3x-x_3=0$ 的一般解...
- 14、求齐次线性方程组 $\{x_1+x_2+2x_3-x_4=0$ 的一般解...
- 15、求齐次线性方程组 $\{x_1+x_2+x_3=0$ 的一般解...
- 16、求线性方程组 $\{2x_2-5x_2+2x_3-3x_4=0$ 的一般解...
- 17、求线性方程组 $\{x_1+2x_3-x_4=0$ 的一般解...
- 18、求线性方程组 $\{x_1+2x_3=1$ 的一般解...
- 19、求线性方程组 $\{x_1-3x_2+x_3-x_4=1$ 的一般解...
- 20、求线性方程组 $\{x_1-3x_2-2x_3-x_4=1$ 的一般解...
- 21、求线性方程组 $\{x_1-3x_2-2x_3-x_4=2$
- 22、求线性方程组 $\{x_1-x_2+x_4=2$ 的一般解...
- 23、设 $A=[-113]$,求 $(I+A)^{-1}$
- 24、设 $A=[10]$, $B=[310]$,求 $(ATB)^{-1}$
- 25、设 $A=[12-3]$, $B=[1-30]$,求解矩阵方程 $XA=B$...
- 26、设矩阵 $A=[-1316-3]$, $B=[1]$,求 $A^{-1}B$ 。
- 27、设矩阵 $A=[-1316-3]$,求。
- 28、设矩阵 $A=[0-1-3]$, $B=[25]$, I 是 3 阶单位矩阵,求...
- 29、设矩阵 $A=[010]$, $I=[100]$ 求 $(I+A)^{-1}$ 。
- 30、设矩阵 $A=[012]$, $B=[213]$,求解矩阵方程 $XA=B$...
- 31、设矩阵 $A=[01]$, $B=[10]$,计算 $(ATB)^{-1}$ 。
- 32、设矩阵 $A=[1-10]$, $B=[200]$,求 $A^{-1}B$ 。
- 33、设矩阵 $A=[100]$,求 $(AAT)^{-1}$ 。
- 34、设矩阵 $A=[10]$, $B=[01]$,求 $(BTA)^{-1}$ 。
- 35、设矩阵 $A=[110]$,求 $(AAT)^{-1}$ 。
- 36、设矩阵 $A=[12-3]$, $B=[1-30]$ 求解矩阵方程 $XA=B$...
- 37、设矩阵 $A=[23-1]$,求 A^{-1} 。
- 38、已知 $AX=B$,其中 $A=[122]$, $B=[2]$,求 X 。

1、解矩阵方程 $X[12]=[10]$ 。

解矩阵方程 $X \begin{bmatrix} 1 & 2 \\ 3 & 5 \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} 1 & 0 \\ 0 & -2 \end{bmatrix}$ 。

13. 解: 因为

$$\begin{bmatrix} 1 & 2 & 1 & 0 \\ 3 & 5 & 0 & 1 \end{bmatrix} \rightarrow \begin{bmatrix} 1 & 2 & 1 & 0 \\ 0 & -1 & -3 & 1 \end{bmatrix} \rightarrow \begin{bmatrix} 1 & 0 & -5 & 2 \\ 0 & -1 & -3 & 1 \end{bmatrix} \rightarrow \begin{bmatrix} 1 & 0 & -5 & 2 \\ 0 & 1 & 3 & -1 \end{bmatrix}$$

所以 $\begin{bmatrix} 1 & 2 \\ 3 & 5 \end{bmatrix}^{-1} = \begin{bmatrix} -5 & 2 \\ 3 & -1 \end{bmatrix}$ 。10分

因此 $X = \begin{bmatrix} 1 & 0 \\ 0 & -2 \end{bmatrix} \begin{bmatrix} 1 & 2 \\ 3 & 5 \end{bmatrix}^{-1} = \begin{bmatrix} 1 & 0 \\ 0 & -2 \end{bmatrix} \begin{bmatrix} -5 & 2 \\ 3 & -1 \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} -5 & 2 \\ -6 & 2 \end{bmatrix}$ 。15分

2、解矩阵方程 $[2-2]X-X=[34]$ 。

解矩阵方程 $\begin{bmatrix} 2 & -2 \\ 3 & -4 \end{bmatrix} X - X = \begin{bmatrix} 3 & 4 \\ -1 & 6 \end{bmatrix}$ 。

解: 矩阵方程可化简为

$$\left(\begin{bmatrix} 2 & -2 \\ 3 & -4 \end{bmatrix} - I \right) X = \begin{bmatrix} 3 & 4 \\ -1 & 6 \end{bmatrix}$$

即

$$\begin{bmatrix} 1 & -2 \\ 3 & -5 \end{bmatrix} X = \begin{bmatrix} 3 & 4 \\ -1 & 6 \end{bmatrix}$$

因此

$$X = \begin{bmatrix} 1 & -2 \\ 3 & -5 \end{bmatrix}^{-1} \begin{bmatrix} 3 & 4 \\ -1 & 6 \end{bmatrix}$$

又由

$$\begin{bmatrix} 1 & -2 & 1 & 0 \\ 3 & -5 & 0 & 1 \end{bmatrix} \rightarrow \begin{bmatrix} 1 & -2 & 1 & 0 \\ 0 & 1 & -3 & 1 \end{bmatrix} \rightarrow \begin{bmatrix} 1 & 0 & -5 & 2 \\ 0 & 1 & -3 & 1 \end{bmatrix}$$

可得 $\begin{bmatrix} 1 & -2 \\ 3 & -5 \end{bmatrix}^{-1} = \begin{bmatrix} -5 & 2 \\ -3 & 1 \end{bmatrix}$ 。

因此, $X = \begin{bmatrix} 1 & -2 \\ 3 & -5 \end{bmatrix}^{-1} \begin{bmatrix} 3 & 4 \\ -1 & 6 \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} -5 & 2 \\ -3 & 1 \end{bmatrix} \begin{bmatrix} 3 & 4 \\ -1 & 6 \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} -17 & -8 \\ -10 & -6 \end{bmatrix}$ 。

3、求 λ 取何值时,线性方程组 $\{x_1+x_2+x_3=1$ 有解? 有解时求其一般解。

当 λ 取何值时,线性方程组 $\begin{cases} x_1 + x_2 + x_3 = 1 \\ 2x_1 + x_2 - 4x_3 = \lambda \\ -x_1 + 5x_3 = 1 \end{cases}$ 有解? 有解时求其一般解。

14. 解: 因为增广矩阵

$$\bar{A} \rightarrow \begin{bmatrix} 1 & 1 & 1 & 1 \\ 2 & 1 & -4 & \lambda \\ -1 & 0 & 5 & 1 \end{bmatrix} \rightarrow \begin{bmatrix} 1 & 1 & 1 & 1 \\ 0 & -1 & -6 & \lambda-2 \\ 0 & 1 & 6 & 2 \end{bmatrix} \rightarrow \begin{bmatrix} 1 & 0 & -5 & -1 \\ 0 & 1 & 6 & 2 \\ 0 & 0 & 0 & \lambda \end{bmatrix}$$

所以,当 $\lambda=0$ 时,方程组有解。

此时,方程组的一般解为 $\begin{cases} x_1 = 5x_3 - 1 \\ x_2 = -6x_3 + 2 \end{cases}$, 其中 x_3 是自由未知量。

4、求 λ 取何值时,线性方程组 $\{x_1-x_2+x_4=2$ 有解,在有解的情况下求方程组的一般解。

14. 当 λ 取何值时, 线性方程组

$$\begin{cases} x_1 - x_2 + x_4 = 2 \\ x_1 - 2x_2 + x_3 + 4x_4 = 3 \\ 2x_1 - 3x_2 + x_3 + 5x_4 = \lambda + 2 \end{cases}$$

有解, 在有解的情况下求方程组的一般解.

14. 解: 将方程组的增广矩阵化为阶梯形

$$\begin{aligned} & \begin{bmatrix} 1 & -1 & 0 & 1 & 2 \\ 1 & -2 & 1 & 4 & 3 \\ 2 & -3 & 1 & 5 & \lambda+2 \end{bmatrix} \rightarrow \begin{bmatrix} 1 & -1 & 0 & 1 & 2 \\ 0 & -1 & 1 & 3 & 1 \\ 0 & -1 & 1 & 3 & \lambda-2 \end{bmatrix} \\ & \rightarrow \begin{bmatrix} 1 & -1 & 0 & 1 & 2 \\ 0 & -1 & 1 & 3 & 1 \\ 0 & 0 & 0 & 0 & \lambda-3 \end{bmatrix} \rightarrow \begin{bmatrix} 1 & 0 & -1 & -2 & 1 \\ 0 & 1 & -1 & -3 & -1 \\ 0 & 0 & 0 & 0 & \lambda-3 \end{bmatrix} \end{aligned}$$

由此可知当 $\lambda \neq 3$ 时, 方程组无解. 当 $\lambda = 3$ 时, 方程组有解.

所以一般解为 $\begin{cases} x_1 = x_2 + 2x_4 + 1 \\ x_2 = x_3 + 3x_4 - 1 \end{cases}$ (其中 x_3, x_4 是自由未知量)

5. 求 λ 为何值时, 齐次线性方程组 $\{x_1 + 2x_2 + \lambda x_3 = 0$ 有非零解, 并求其一般解.

$$\begin{cases} x_1 + 2x_2 + \lambda x_3 = 0 \\ 2x_1 + 5x_2 - x_3 = 0 \\ x_1 + x_2 + 13x_3 = 0 \end{cases} \text{ 有非零解, 并求其一般解.}$$

解:

$$A = \begin{bmatrix} 1 & 2 & \lambda \\ 2 & 5 & -1 \\ 1 & 1 & 13 \end{bmatrix} \rightarrow \begin{bmatrix} 1 & 2 & \lambda \\ 0 & 1 & -1-2\lambda \\ 0 & -1 & 13-\lambda \end{bmatrix} \rightarrow \begin{bmatrix} 1 & 2 & \lambda \\ 0 & 1 & -1-2\lambda \\ 0 & 0 & 12-3\lambda \end{bmatrix}$$

当 $\lambda = 4$ 时, 方程组有非零解,

且方程组的一般解为 $\begin{cases} x_1 = -22x_3 \\ x_2 = 9x_3 \end{cases}$ (x_3 是自由未知量)

6. 求 λ 为何值时, 线性方程组 $\{x_1 + x_2 - x_3 = 3$, 有解, 并求一般解.

$$\begin{cases} x_1 + x_2 - x_3 = 3 \\ 2x_1 + x_2 - 4x_3 = \lambda \\ -x_1 + 2x_2 + 7x_3 = -9 \end{cases}$$

14. 解: 对增广矩阵做初等行变换, 可得

$$\begin{aligned} & \begin{bmatrix} 1 & 1 & -1 & -3 \\ 2 & 1 & -4 & \lambda \\ -1 & 2 & 7 & -9 \end{bmatrix} \rightarrow \begin{bmatrix} 1 & 1 & -1 & -3 \\ 0 & -1 & -2 & \lambda+6 \\ 0 & 3 & 6 & -12 \end{bmatrix} \rightarrow \begin{bmatrix} 1 & 1 & -1 & -3 \\ 0 & 1 & 2 & -4 \\ 0 & 0 & 0 & \lambda+2 \end{bmatrix} \end{aligned}$$

因此, 当 $\lambda + 2 = 0$ 即 $\lambda = -2$ 时, 方程组有解.

方程组的一般解为 $\begin{cases} x_1 = 3x_3 + 1 \\ x_2 = -2x_3 - 4 \end{cases}$, 其中 x_3 是自由未知量.

7. 求 λ 为何值时, 线性方程组 $\{x_1 - x_2 + 4x_3 = 2$, 有解, 并求一般解.

$$\begin{cases} x_1 - x_2 + 4x_3 = 2 \\ 2x_1 - x_2 - x_3 = 1 \\ 3x_1 - 2x_2 + 3x_3 = \lambda \end{cases} \text{ 有解, 并求一般解.}$$

14. 解: 对增广矩阵做初等行变换, 可得

$$\begin{aligned} & \begin{bmatrix} 1 & -1 & 4 & 2 \\ 2 & -1 & -1 & 1 \\ 3 & -2 & 3 & \lambda \end{bmatrix} \rightarrow \begin{bmatrix} 1 & -1 & 4 & 2 \\ 0 & 1 & -9 & -3 \\ 0 & 1 & -9 & \lambda-6 \end{bmatrix} \rightarrow \begin{bmatrix} 1 & 0 & -5 & -1 \\ 0 & 1 & -9 & -3 \\ 0 & 0 & 0 & \lambda-3 \end{bmatrix} \end{aligned}$$

因此, 当 $\lambda - 3 = 0$ 即 $\lambda = 3$ 时, 方程组有解.

方程组的一般解为 $\begin{cases} x_1 = 5x_3 - 1 \\ x_2 = 9x_3 - 3 \end{cases}$, 其中 x_3 是自由未知量.

8. 求非齐次线性方程组 $\{x_1 + 2x_2 + x_3 = 8$ 的一般解.

$$\text{求非齐次线性方程组 } \begin{cases} x_1 + 2x_2 + x_3 = 8 \\ 2x_1 + x_2 - x_3 = 7 \\ x_1 - 2x_2 - 3x_3 = -4 \end{cases} \text{ 的一般解.}$$

14. 解: 对增广矩阵做初等行变换, 可得

$$\begin{aligned} & \begin{bmatrix} 1 & 2 & 1 & 8 \\ 2 & 1 & -1 & 7 \\ 1 & -2 & -3 & -4 \end{bmatrix} \rightarrow \begin{bmatrix} 1 & 2 & 1 & 8 \\ 0 & -3 & -3 & -9 \\ 0 & -4 & -4 & -12 \end{bmatrix} \rightarrow \begin{bmatrix} 1 & 2 & 1 & 8 \\ 0 & 1 & 1 & 3 \\ 0 & 0 & 0 & 0 \end{bmatrix} \rightarrow \begin{bmatrix} 1 & 0 & -1 & 2 \\ 0 & 1 & 1 & 3 \\ 0 & 0 & 0 & 0 \end{bmatrix} \end{aligned}$$

因此, 方程组的一般解为 $\begin{cases} x_1 = x_3 + 2 \\ x_2 = -x_3 + 3 \end{cases}$, 其中 x_3 是自由未知量.

9. 求非齐次线性方程组 $\{x_1 + x_2 + x_3 = 3$ 的一般解.

$$\text{求非齐次线性方程组 } \begin{cases} x_1 + x_2 + x_3 = 3 \\ 3x_1 + x_2 - 3x_3 = 5 \\ 2x_1 + x_2 - x_3 = 4 \end{cases} \text{ 的一般解.}$$

解: 对增广矩阵做初等行变换, 可得.

$$\begin{aligned} & \begin{bmatrix} 1 & 1 & 1 & 3 \\ 3 & 1 & -3 & 5 \\ 2 & 1 & -1 & 4 \end{bmatrix} \rightarrow \begin{bmatrix} 1 & 1 & 1 & 3 \\ 0 & -2 & -6 & -4 \\ 0 & -1 & -3 & -2 \end{bmatrix} \rightarrow \begin{bmatrix} 1 & 0 & -2 & 1 \\ 0 & 1 & 3 & 2 \\ 0 & 0 & 0 & 0 \end{bmatrix} \end{aligned}$$

因此, 方程组的一般解为 $\begin{cases} x_1 = 2x_3 + 1 \\ x_2 = -3x_3 + 2 \end{cases}$, 其中 x_3 是自由未知量.

10. 求齐次线性方程组 $\{x_1 + 2x_2 - x_4 = 2$ 的一般解.

$$\text{求齐次线性方程组 } \begin{cases} x_1 + 2x_2 - x_4 = 2 \\ -x_1 + x_2 - 3x_3 + 2x_4 = 0 \\ 2x_1 - x_2 + 5x_3 - 3x_4 = 0 \end{cases} \text{ 的一般解.}$$

14. 解: 因为系数矩阵

$$A = \begin{bmatrix} 1 & 0 & 2 & -1 \\ -1 & 1 & -3 & 2 \\ 2 & -1 & 5 & -3 \end{bmatrix} \rightarrow \begin{bmatrix} 1 & 0 & 2 & -1 \\ 0 & 1 & -1 & 1 \\ 0 & -1 & 1 & -1 \end{bmatrix}$$

$$\rightarrow \begin{bmatrix} 1 & 0 & 2 & -1 \\ 0 & 1 & -1 & 1 \\ 0 & 0 & 0 & 0 \end{bmatrix}$$

所以一般解为 $\begin{cases} x_1 = -2x_3 + x_4 \\ x_2 = x_3 - x_4 \end{cases}$ (其中 x_3, x_4 是自由未知量).

11. 求齐次线性方程组 $\{x_1 + 2x_3 - x_4 = 0$ 的一般解.

求齐次线性方程组
$$\begin{cases} x_1 + 2x_3 - x_4 = 0 \\ -x_1 + x_2 - 3x_3 + 2x_4 = 0 \\ 2x_1 - x_2 + 5x_3 - 3x_4 = 0 \end{cases}$$
 的一般解。

解: 对系数矩阵 A 做初等行变换, 可得

$$A = \begin{bmatrix} 1 & 0 & 2 & -1 \\ -1 & 1 & -3 & 2 \\ 2 & -1 & 5 & -3 \end{bmatrix} \rightarrow \begin{bmatrix} 1 & 0 & 2 & -1 \\ 0 & 1 & -1 & 1 \\ 0 & -1 & 1 & -1 \end{bmatrix} \rightarrow \begin{bmatrix} 1 & 0 & 2 & -1 \\ 0 & 1 & -1 & 1 \\ 0 & 0 & 0 & 0 \end{bmatrix}$$

因此, 方程组的一般解为
$$\begin{cases} x_1 = -2x_3 + x_4 \\ x_2 = x_3 - x_4 \end{cases}$$
, 其中 x_3, x_4 是自由未知量。

12、求齐次线性方程组 $\{x_1 + 2x_3 - x_4 = 0$ 的一般解。

求齐次线性方程组
$$\begin{cases} x_1 + 2x_3 - x_4 = 0 \\ -x_1 + x_2 - 3x_3 + 2x_4 = 0 \\ 2x_1 - x_2 + 5x_3 - 3x_4 = 0 \end{cases}$$
 的一般解。

解:
$$A = \begin{bmatrix} 1 & 0 & 2 & -1 \\ -1 & 1 & -3 & 2 \\ 2 & -1 & 5 & -3 \end{bmatrix} \rightarrow \begin{bmatrix} 1 & 0 & 2 & -1 \\ 0 & 1 & -1 & 1 \\ 0 & -1 & 1 & -1 \end{bmatrix} \rightarrow \begin{bmatrix} 1 & 0 & 2 & -1 \\ 0 & 1 & -1 & 1 \\ 0 & 0 & 0 & 0 \end{bmatrix}$$

所以, 方程的一般解为

$$\begin{cases} x_1 = -2x_3 + x_4 \\ x_2 = x_3 - x_4 \end{cases} \text{ (其中 } x_3, x_4 \text{ 是自由未知量)}$$

10解: 将方程组的增广矩阵化为阶梯形

$$\begin{bmatrix} 1 & -1 & 4 & 2 \\ 2 & -1 & -1 & 1 \\ 3 & -2 & 3 & \lambda \end{bmatrix} \rightarrow \begin{bmatrix} 1 & -1 & 4 & 2 \\ 0 & 1 & -9 & -3 \\ 0 & 1 & -9 & \lambda - 6 \end{bmatrix} \rightarrow \begin{bmatrix} 1 & 0 & -5 & -1 \\ 0 & 1 & -9 & -3 \\ 0 & 0 & 0 & \lambda - 3 \end{bmatrix}$$

由此可知当 $\lambda \neq 3$ 时, 方程组无解。当 $\lambda = 3$ 时, 方程组有解。

且方程组的一般解为
$$\begin{cases} x_1 = 5x_3 - 1 \\ x_2 = 9x_3 + 3 \end{cases}$$
 (其中 x_3 为自由未知量)

13、求齐次线性方程组 $\{x_1 + 3x_2 - x_3 = 0$ 的一般解。

14. 求齐次线性方程组
$$\begin{cases} x_1 + 3x_2 - x_3 = 0 \\ 2x_1 + 7x_2 - 4x_3 = 0 \\ -x_1 - 4x_2 + 3x_3 = 0 \end{cases}$$
 的一般解。

14. 解: 对系数矩阵 A 做初等行变换, 可得

$$A = \begin{bmatrix} 1 & 3 & -1 \\ 2 & 7 & -4 \\ -1 & -4 & 3 \end{bmatrix} \rightarrow \begin{bmatrix} 1 & 3 & -1 \\ 0 & 1 & -2 \\ 0 & -1 & 2 \end{bmatrix} \rightarrow \begin{bmatrix} 1 & 0 & 5 \\ 0 & 1 & -2 \\ 0 & 0 & 0 \end{bmatrix}$$

因此, 方程组的一般解为
$$\begin{cases} x_1 = -5x_3 \\ x_2 = 2x_3 \end{cases}$$
, 其中 x_3 为自由未知量。

14、求齐次线性方程组 $\{x_1 + x_2 + 2x_3 - x_4 = 0$ 的一般解。

求齐次线性方程组
$$\begin{cases} x_1 + x_2 + 2x_3 - x_4 = 0 \\ -x_1 - 3x_3 + 2x_4 = 0 \\ 2x_1 + x_2 + 5x_3 - 3x_4 = 0 \end{cases}$$
 的一般解。

14. 解: 因为系数矩阵

$$A = \begin{bmatrix} 1 & 1 & 2 & -1 \\ -1 & 0 & -3 & 2 \\ 2 & 1 & 5 & -3 \end{bmatrix} \rightarrow \begin{bmatrix} 1 & 1 & 2 & -1 \\ 0 & 1 & -1 & 1 \\ 0 & -1 & 1 & -1 \end{bmatrix} \rightarrow \begin{bmatrix} 1 & 0 & 3 & -2 \\ 0 & 1 & -1 & 1 \\ 0 & 0 & 0 & 0 \end{bmatrix}$$

所以一般解为
$$\begin{cases} x_1 = -3x_3 + 2x_4 \\ x_2 = x_3 - x_4 \end{cases}$$
 (其中 x_3, x_4 是自由未知量)

15、求齐次线性方程组 $\{x_1 + x_2 + x_3 = 0$ 的一般解。

求齐次线性方程组

$$\begin{cases} x_1 + x_2 + x_3 = 0 \\ 2x_1 - x_2 + 8x_3 + 3x_4 = 0 \\ 2x_1 + 3x_2 - x_4 = 0 \end{cases}$$
 的一般解。

14. 解: 因为系数矩阵

$$A = \begin{bmatrix} 1 & 1 & 1 & 0 \\ 2 & -1 & 8 & 3 \\ 2 & 3 & 0 & -1 \end{bmatrix} \rightarrow \begin{bmatrix} 1 & 1 & 1 & 0 \\ 0 & -3 & 6 & 3 \\ 0 & 1 & -2 & -1 \end{bmatrix} \rightarrow \begin{bmatrix} 1 & 0 & 3 & 1 \\ 0 & 1 & -2 & -1 \\ 0 & 0 & 0 & 0 \end{bmatrix}$$

所以方程组的一般解为
$$\begin{cases} x_1 = -3x_3 - x_4 \\ x_2 = 2x_3 + x_4 \end{cases}$$
, 其中 x_3, x_4 是自由未知量。

16、求线性方程组 $\{2x_2 - 5x_3 + 2x_4 = 0$ 的一般解。

14. 求下列线性方程组

$$\begin{cases} 2x_1 - 5x_2 + 2x_3 - 3x_4 = 0 \\ x_1 + 2x_2 - x_3 + 3x_4 = 0 \\ -2x_1 + 14x_2 - 6x_3 + 12x_4 = 0 \end{cases}$$

的一般解。

解: 系数矩阵

$$A = \begin{bmatrix} 2 & -5 & 2 & -3 \\ 1 & 2 & -1 & 3 \\ -2 & 14 & -6 & 12 \end{bmatrix} \rightarrow \begin{bmatrix} 1 & 2 & -1 & 3 \\ 0 & -9 & 4 & -9 \\ 0 & 18 & -8 & 18 \end{bmatrix} \rightarrow \begin{bmatrix} 1 & 0 & -\frac{1}{9} & 1 \\ 0 & 1 & -\frac{4}{9} & 1 \\ 0 & 0 & 0 & 0 \end{bmatrix}$$

∴ 一般解为
$$\begin{cases} x_1 = \frac{1}{9}x_3 - x_4 \\ x_2 = \frac{4}{9}x_3 - x_4 \end{cases}$$
 (其中 x_3, x_4 是自由未知量)

17、求线性方程组 $\{x_1 + 2x_3 - x_4 = 0$ 的一般解。

14. 求下列线性方程组

$$\begin{cases} x_1 + 2x_3 - x_4 = 0 \\ -x_1 + x_2 - 3x_3 + 2x_4 = 0 \\ 2x_1 - x_2 + 5x_3 - 3x_4 = 0 \end{cases}$$

的一般解。

14. 解: 因为系数矩阵

$$A = \begin{bmatrix} 1 & 0 & 2 & -1 \\ -1 & 1 & -3 & 2 \\ 2 & -1 & 5 & -3 \end{bmatrix} \rightarrow \begin{bmatrix} 1 & 0 & 2 & -1 \\ 0 & 1 & -1 & 1 \\ 0 & -1 & 1 & -1 \end{bmatrix} \rightarrow \begin{bmatrix} 1 & 0 & 2 & -1 \\ 0 & 1 & -1 & 1 \\ 0 & 0 & 0 & 0 \end{bmatrix}$$

(12分)

所以一般解为
$$\begin{cases} x_1 = -2x_3 + x_4 \\ x_2 = x_3 - x_4 \end{cases}$$
 (其中 x_3, x_4 是自由未知量)

(15分)

18、求线性方程组 $\{x_1 + 2x_3 = -1$ 的一般解。

求线性方程组
$$\begin{cases} x_1 + 2x_3 = -1 \\ -x_1 + x_2 - 3x_3 = 2 \\ 2x_1 - x_2 + 5x_3 = -3 \end{cases}$$
 的一般解。

14. 解 因为增广矩阵

$$\bar{A} = \begin{bmatrix} 1 & 0 & 2 & -1 \\ -1 & 1 & -3 & 2 \\ 2 & -1 & 5 & -3 \end{bmatrix} \rightarrow \begin{bmatrix} 1 & 0 & 2 & -1 \\ 0 & 1 & -1 & 1 \\ 0 & -1 & 1 & -1 \end{bmatrix} \rightarrow \begin{bmatrix} 1 & 0 & 2 & -1 \\ 0 & 1 & -1 & 1 \\ 0 & 0 & 0 & 0 \end{bmatrix}$$

所以一般解为:

$$\begin{cases} x_1 = -2x_2 - 1 \\ x_3 = x_2 + 1 \end{cases} \quad (\text{其中 } x_2 \text{ 为自由未知量})$$

19、求线性方程组 $\begin{cases} x_1 - 3x_2 + x_3 - x_4 = 1 \\ -2x_1 + 7x_2 - 2x_3 + x_4 = -2 \\ x_1 - 4x_2 + 3x_3 + 2x_4 = 1 \\ 2x_1 - 4x_2 + 8x_3 + 2x_4 = 2 \end{cases}$ 的一般解。

$$\begin{cases} x_1 - 3x_2 + x_3 - x_4 = 1 \\ -2x_1 + 7x_2 - 2x_3 + x_4 = -2 \\ x_1 - 4x_2 + 3x_3 + 2x_4 = 1 \\ 2x_1 - 4x_2 + 8x_3 + 2x_4 = 2 \end{cases}$$

解: 将方程组的增广矩阵化为阶梯形

$$\begin{bmatrix} 1 & -3 & 1 & -1 & 1 \\ -2 & 7 & -2 & 1 & -2 \\ 1 & -4 & 3 & 2 & 1 \\ 2 & -4 & 8 & 2 & 2 \end{bmatrix} \rightarrow \begin{bmatrix} 1 & -3 & 1 & -1 & 1 \\ 0 & 1 & 0 & -1 & 0 \\ 0 & -1 & 2 & 3 & 0 \\ 0 & 2 & 6 & 4 & 0 \end{bmatrix}$$

$$\rightarrow \begin{bmatrix} 1 & -3 & 1 & -1 & 1 \\ 0 & 1 & 0 & -1 & 0 \\ 0 & 0 & 2 & 2 & 0 \\ 0 & 0 & 6 & 6 & 0 \end{bmatrix} \rightarrow \begin{bmatrix} 1 & -3 & 1 & -1 & 1 \\ 0 & 1 & 0 & -1 & 0 \\ 0 & 0 & 2 & 2 & 0 \\ 0 & 0 & 0 & 0 & 0 \end{bmatrix}$$

方程组的一般解为

$$\begin{cases} x_1 = 1 + 5x_4 \\ x_2 = x_4 \\ x_3 = -x_4 \end{cases} \quad (\text{其中 } x_4 \text{ 为自由未知量})$$

20、求线性方程组 $\begin{cases} x_1 - 3x_2 - 2x_3 - x_4 = 1 \\ 3x_1 - 8x_2 - 4x_3 - x_4 = 0 \\ -2x_1 + x_2 - 4x_3 + 2x_4 = 1 \\ -x_1 - 2x_2 - 6x_3 + x_4 = 2 \end{cases}$ 的一般解。

$$\begin{cases} x_1 - 3x_2 - 2x_3 - x_4 = 1 \\ 3x_1 - 8x_2 - 4x_3 - x_4 = 0 \\ -2x_1 + x_2 - 4x_3 + 2x_4 = 1 \\ -x_1 - 2x_2 - 6x_3 + x_4 = 2 \end{cases}$$

的一般解。

解: 将方程组的增广矩阵化为阶梯形

$$\begin{bmatrix} 1 & -3 & -2 & -1 & 1 \\ 3 & -8 & -4 & -1 & 0 \\ -2 & 1 & -4 & 2 & 1 \\ -1 & -2 & -6 & 1 & 2 \end{bmatrix} \rightarrow \begin{bmatrix} 1 & -3 & -2 & -1 & 1 \\ 0 & 1 & 2 & 2 & -3 \\ 0 & -5 & -8 & 0 & 3 \\ 0 & -5 & -8 & 0 & 3 \end{bmatrix}$$

$$\rightarrow \begin{bmatrix} 1 & -3 & -2 & -1 & 1 \\ 0 & 1 & 2 & 2 & -3 \\ 0 & 0 & 2 & 10 & -12 \\ 0 & 0 & 0 & 0 & 0 \end{bmatrix} \rightarrow \begin{bmatrix} 1 & 0 & 0 & -15 & 16 \\ 0 & 1 & 0 & -8 & 9 \\ 0 & 0 & 1 & 5 & -6 \\ 0 & 0 & 0 & 0 & 0 \end{bmatrix}$$

由此得到方程组的一般解

$$\begin{cases} x_1 = 15x_4 + 16 \\ x_2 = 8x_4 + 9 \\ x_3 = -5x_4 - 6 \end{cases} \quad (\text{其中 } x_4 \text{ 是自由未知量})$$

21、求线性方程组 $\begin{cases} x_1 - 3x_2 - 2x_3 - x_4 = 2 \\ 3x_1 - 8x_2 - 4x_3 - x_4 = 0 \\ -2x_1 + x_2 - 4x_3 + 2x_4 = 1 \\ -x_1 - 2x_2 - 6x_3 + x_4 = 2 \end{cases}$ 的一般解。

$$\begin{cases} x_1 - 3x_2 - 2x_3 - x_4 = 2 \\ 3x_1 - 8x_2 - 4x_3 - x_4 = 0 \\ -2x_1 + x_2 - 4x_3 + 2x_4 = 1 \\ -x_1 - 2x_2 - 6x_3 + x_4 = 2 \end{cases}$$

14. 解: 将方程组的增广矩阵化为阶梯形

$$\begin{bmatrix} 1 & -3 & -2 & -1 & 1 \\ 3 & -8 & -4 & -1 & 0 \\ -2 & 1 & -4 & 2 & 1 \\ -1 & -2 & -6 & 1 & 2 \end{bmatrix} \rightarrow \begin{bmatrix} 1 & -3 & -2 & -1 & 1 \\ 0 & 1 & 2 & 2 & -3 \\ 0 & -5 & -8 & 0 & 3 \\ 0 & -5 & -8 & 0 & 3 \end{bmatrix}$$

$$\rightarrow \begin{bmatrix} 1 & -3 & -2 & -1 & 1 \\ 0 & 1 & 2 & 2 & -3 \\ 0 & 0 & 2 & 10 & -12 \\ 0 & 0 & 0 & 0 & 0 \end{bmatrix} \rightarrow \begin{bmatrix} 1 & 0 & 0 & -15 & 16 \\ 0 & 1 & 0 & -8 & 9 \\ 0 & 0 & 1 & 5 & -6 \\ 0 & 0 & 0 & 0 & 0 \end{bmatrix}$$

由此得到方程组的一般解

22、求线性方程组 $\begin{cases} x_1 - x_2 + x_4 = 2 \\ x_1 - 2x_2 + x_3 + 4x_4 = 3 \\ 2x_1 - 3x_2 + x_3 + 5x_4 = 5 \end{cases}$ 的一般解。

$$\begin{cases} x_1 - x_2 + x_4 = 2 \\ x_1 - 2x_2 + x_3 + 4x_4 = 3 \\ 2x_1 - 3x_2 + x_3 + 5x_4 = 5 \end{cases}$$

$$\begin{bmatrix} 1 & -1 & 0 & 1 & 2 \\ 1 & -2 & 1 & 4 & 3 \\ 2 & -3 & 1 & 5 & 5 \end{bmatrix} \rightarrow \begin{bmatrix} 1 & -1 & 0 & 1 & 2 \\ 0 & -1 & 1 & 3 & 1 \\ 0 & -1 & 1 & 3 & 1 \end{bmatrix}$$

$$\rightarrow \begin{bmatrix} 1 & -1 & 0 & 1 & 2 \\ 0 & -1 & 1 & 3 & 1 \\ 0 & 0 & 0 & 0 & 0 \end{bmatrix} \rightarrow \begin{bmatrix} 1 & 0 & -1 & -2 & 1 \\ 0 & 1 & -1 & -3 & -1 \\ 0 & 0 & 0 & 0 & 0 \end{bmatrix}$$

故方程组的一般解为:

$$\begin{cases} x_1 = x_3 + 2x_4 + 1 \\ x_2 = x_3 + 3x_4 - 1 \end{cases} \quad (\text{其中 } x_3, x_4 \text{ 是自由未知量})$$

23、设 $A = [-113]$, 求 $(I+A)^{-1}$

$$\text{设 } A = \begin{bmatrix} -1 & 1 & 3 \\ 1 & -1 & 5 \\ 1 & -2 & -1 \end{bmatrix}, \text{ 求 } (I+A)^{-1}.$$

$$13. \text{ 解: } I+A = \begin{bmatrix} 1 & 0 & 0 \\ 0 & 1 & 0 \\ 0 & 0 & 1 \end{bmatrix} + \begin{bmatrix} -1 & 1 & 3 \\ 1 & -1 & 5 \\ 1 & -2 & -1 \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} 0 & 1 & 3 \\ 1 & 0 & 5 \\ 1 & -2 & 0 \end{bmatrix}$$

$$[I+A \quad I] = \begin{bmatrix} 0 & 1 & 3 & 1 & 0 & 0 \\ 1 & 0 & 5 & 0 & 1 & 0 \\ 1 & -2 & 0 & 0 & 0 & 1 \end{bmatrix} \rightarrow \begin{bmatrix} 1 & 0 & 5 & 0 & 1 & 0 \\ 0 & 1 & 3 & 1 & 0 & 0 \\ 1 & -2 & 0 & 0 & 0 & 1 \end{bmatrix}$$

$$\rightarrow \begin{bmatrix} 1 & 0 & 5 & 0 & 1 & 0 \\ 0 & 1 & 3 & 1 & 0 & 0 \\ 0 & -2 & -5 & 0 & -1 & 1 \end{bmatrix} \rightarrow \begin{bmatrix} 1 & 0 & 5 & 0 & 1 & 0 \\ 0 & 1 & 3 & 1 & 0 & 0 \\ 0 & 0 & 1 & 2 & -1 & 1 \end{bmatrix}$$

$$\rightarrow \begin{bmatrix} 1 & 0 & 0 & -10 & 6 & -5 \\ 0 & 1 & 0 & -5 & 3 & -3 \\ 0 & 0 & 1 & 2 & -1 & 1 \end{bmatrix}$$

因此, $(I+A)^{-1} = \begin{bmatrix} -10 & 6 & -5 \\ -5 & 3 & -3 \\ 2 & -1 & 1 \end{bmatrix}$

24、设 $A = [10], B = [310]$, 求 $(ATb)^{-1}$

设 $A = \begin{bmatrix} 1 & 0 \\ 2 & -1 \\ -4 & 3 \end{bmatrix}, B = \begin{bmatrix} 3 & 10 \\ 3 & -2 \\ 2 & 1 \end{bmatrix}$, 求 $(A^T B)^{-1}$.

13. 解: $A^T B = \begin{bmatrix} 1 & 2 & -4 \\ 0 & -1 & 3 \end{bmatrix} \begin{bmatrix} 3 & 10 \\ 3 & -2 \\ 2 & 1 \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} 1 & 2 \\ 3 & 5 \end{bmatrix}$

$[A^T B \quad I] = \begin{bmatrix} 1 & 2 & 1 & 0 \\ 3 & 5 & 0 & 1 \end{bmatrix} \rightarrow \begin{bmatrix} 1 & 2 & 1 & 0 \\ 0 & -1 & -3 & 1 \end{bmatrix} \rightarrow \begin{bmatrix} 1 & 0 & -5 & 2 \\ 0 & -1 & -3 & 1 \end{bmatrix}$

因此, $(A^T B)^{-1} = \begin{bmatrix} -5 & 2 \\ 3 & -1 \end{bmatrix}$

25、设 $A=[12-3], B=[1-30]$, 求解矩阵方程 $XA=B$.

设矩阵 $A = \begin{bmatrix} 1 & 2 & -3 \\ 3 & 2 & -4 \\ 2 & -1 & 0 \end{bmatrix}, B = \begin{bmatrix} 1 & -3 & 0 \\ 0 & 2 & 7 \end{bmatrix}$, 求解矩阵方程 $XA=B$.

解: $(A \quad I) = \begin{bmatrix} 1 & 2 & -3 & 1 & 0 & 0 \\ 3 & 2 & -4 & 0 & 1 & 0 \\ 2 & -1 & 0 & 0 & 0 & 1 \end{bmatrix} \rightarrow \begin{bmatrix} 1 & 2 & -3 & 1 & 0 & 0 \\ 0 & -4 & 5 & -3 & 1 & 0 \\ 0 & -5 & 6 & -2 & 0 & 1 \end{bmatrix}$

$\rightarrow \begin{bmatrix} 1 & 2 & -3 & 1 & 0 & 0 \\ 0 & 1 & -1 & -1 & 1 & -1 \\ 0 & -5 & 6 & -2 & 0 & 1 \end{bmatrix} \rightarrow \begin{bmatrix} 1 & 2 & -3 & 1 & 0 & 0 \\ 0 & 1 & -1 & -1 & 1 & -1 \\ 0 & 0 & 1 & -7 & 5 & 4 \end{bmatrix}$

$\rightarrow \begin{bmatrix} 1 & 0 & 0 & -4 & 3 & -2 \\ 0 & 1 & 0 & -8 & 6 & -5 \\ 0 & 0 & 1 & -7 & 5 & -4 \end{bmatrix} A^{-1} = \begin{bmatrix} -4 & 3 & -2 \\ -8 & 6 & -5 \\ -7 & 5 & -4 \end{bmatrix}$

$X = BA^{-1} = \begin{bmatrix} 1 & -3 & 0 \\ 0 & 2 & 7 \end{bmatrix} \begin{bmatrix} -4 & 3 & -2 \\ -8 & 6 & -5 \\ -7 & 5 & -4 \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} 20 & -15 & 13 \\ -65 & 47 & -38 \end{bmatrix}$

26、设矩阵 $A=[-1316-3], B=[1]$, 求 $A^{-1}B$.

设矩阵 $A = \begin{bmatrix} -13 & -6 & -3 \\ -4 & -2 & -1 \\ 2 & 1 & 1 \end{bmatrix}$, 求 A^{-1} .

解: 因为 $(A \quad I) = \begin{bmatrix} -13 & -6 & -3 & 1 & 0 & 0 \\ -4 & -2 & -1 & 0 & 1 & 0 \\ 2 & 1 & 1 & 0 & 0 & 1 \end{bmatrix} \rightarrow \begin{bmatrix} 1 & 1 & 4 & 1 & 0 & 7 \\ 0 & 0 & 1 & 0 & 1 & 2 \\ 2 & 1 & 1 & 0 & 0 & 1 \end{bmatrix}$

$\rightarrow \begin{bmatrix} 1 & 1 & 4 & 1 & 0 & 7 \\ 0 & 0 & 1 & 0 & 1 & 2 \\ 0 & -1 & -7 & -2 & 0 & -13 \end{bmatrix} \rightarrow \begin{bmatrix} 1 & 1 & 0 & 1 & -4 & -1 \\ 0 & 0 & 1 & 0 & 1 & 2 \\ 0 & -1 & 0 & -2 & 7 & 1 \end{bmatrix}$

$\rightarrow \begin{bmatrix} 1 & 0 & 0 & -1 & 3 & 0 \\ 0 & -1 & 0 & -2 & 7 & 1 \\ 0 & 0 & 1 & 0 & 1 & 2 \end{bmatrix} \rightarrow \begin{bmatrix} 1 & 0 & 0 & -1 & 3 & 0 \\ 0 & 1 & 0 & 2 & -7 & -1 \\ 0 & 0 & 1 & 0 & 1 & 2 \end{bmatrix}$

所以 $A^{-1} = \begin{bmatrix} -1 & 3 & 0 \\ 2 & -7 & -1 \\ 0 & 1 & 2 \end{bmatrix}$

27、设矩阵 $A=[-1316-3]$, 求.

设矩阵 $A = \begin{bmatrix} -13 & -6 & -3 \\ -4 & -2 & -1 \\ 2 & 1 & 1 \end{bmatrix}, B = \begin{bmatrix} 1 \\ 0 \\ -1 \end{bmatrix}$, 求 $A^{-1}B$.

13. 解: 因为 $(A \quad I) = \begin{bmatrix} -13 & -6 & -3 & 1 & 0 & 0 \\ -4 & -2 & -1 & 0 & 1 & 0 \\ 2 & 1 & 1 & 0 & 0 & 1 \end{bmatrix} \rightarrow \begin{bmatrix} 1 & 1 & 4 & 1 & 0 & 7 \\ 0 & 0 & 1 & 0 & 1 & 2 \\ 2 & 1 & 1 & 0 & 0 & 1 \end{bmatrix}$

$\rightarrow \begin{bmatrix} 1 & 1 & 4 & 1 & 0 & 7 \\ 0 & 0 & 1 & 0 & 1 & 2 \\ 0 & -1 & -7 & -2 & 0 & -13 \end{bmatrix} \rightarrow \begin{bmatrix} 1 & 1 & 0 & 1 & -4 & -1 \\ 0 & 0 & 1 & 0 & 1 & 2 \\ 0 & -1 & 0 & -2 & 7 & 1 \end{bmatrix}$

$\rightarrow \begin{bmatrix} 1 & 0 & 0 & -1 & 3 & 0 \\ 0 & -1 & 0 & -2 & 7 & 1 \\ 0 & 0 & 1 & 0 & 1 & 2 \end{bmatrix} \rightarrow \begin{bmatrix} 1 & 0 & 0 & -1 & 3 & 0 \\ 0 & 1 & 0 & 2 & -7 & -1 \\ 0 & 0 & 1 & 0 & 1 & 2 \end{bmatrix}$

即 $A^{-1} = \begin{bmatrix} -1 & 3 & 0 \\ 2 & -7 & -1 \\ 0 & 1 & 2 \end{bmatrix}$

所以 $A^{-1}B = \begin{bmatrix} -1 & 3 & 0 \\ 2 & -7 & -1 \\ 0 & 1 & 2 \end{bmatrix} \begin{bmatrix} 1 \\ 0 \\ -1 \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} -1 \\ 3 \\ -2 \end{bmatrix}$

28、设矩阵 $A=[0-1-3], B=[25]$, I 是 3 阶单位矩阵, 求 $(I-A)^{-1}B$.

设矩阵 $A = \begin{bmatrix} 0 & -1 & -3 \\ -2 & -2 & -7 \\ -3 & -4 & -8 \end{bmatrix}, B = \begin{bmatrix} 2 & 5 \\ 0 & 1 \\ -3 & 0 \end{bmatrix}$, I 是 3 阶单位矩阵, 求 $(I-A)^{-1}B$.

13. 解: 由矩阵减法运算得

$I - A = \begin{bmatrix} 1 & 0 & 0 \\ 0 & 1 & 0 \\ 0 & 0 & 1 \end{bmatrix} - \begin{bmatrix} 0 & -1 & -3 \\ -2 & -2 & -7 \\ -3 & -4 & -8 \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} 1 & 1 & 3 \\ 2 & 3 & 7 \\ 3 & 4 & 9 \end{bmatrix}$

利用初等行变换得

$\begin{bmatrix} 1 & 1 & 3 & 1 & 0 & 0 \\ 2 & 3 & 7 & 0 & 1 & 0 \\ 3 & 4 & 9 & 0 & 0 & 1 \end{bmatrix} \rightarrow \begin{bmatrix} 1 & 1 & 3 & 1 & 0 & 0 \\ 0 & 1 & 1 & -2 & 1 & 0 \\ 0 & 1 & 0 & -3 & 0 & 1 \end{bmatrix}$

$\rightarrow \begin{bmatrix} 1 & 1 & 3 & 1 & 0 & 0 \\ 0 & 1 & 1 & -2 & 1 & 0 \\ 0 & 0 & -1 & -1 & -1 & 1 \end{bmatrix} \rightarrow \begin{bmatrix} 1 & 1 & 0 & -2 & -3 & 3 \\ 0 & 1 & 0 & -3 & 0 & 1 \\ 0 & 0 & 1 & 1 & 1 & -1 \end{bmatrix}$

$\rightarrow \begin{bmatrix} 1 & 0 & 0 & 1 & -3 & 2 \\ 0 & 1 & 0 & -3 & 0 & 1 \\ 0 & 0 & 1 & 1 & 1 & -1 \end{bmatrix}$

即 $(I-A)^{-1} = \begin{bmatrix} 1 & -3 & 2 \\ -3 & 0 & 1 \\ 1 & 1 & -1 \end{bmatrix}$

由矩阵乘法运算得

$(I-A)^{-1}B = \begin{bmatrix} 1 & -3 & 2 \\ -3 & 0 & 1 \\ 1 & 1 & -1 \end{bmatrix} \begin{bmatrix} 2 & 5 \\ 0 & 1 \\ -3 & 0 \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} -4 & 2 \\ -9 & -15 \\ 5 & 6 \end{bmatrix}$

29、设矩阵 $A=[010], I=[100]$ 求 $(I+A)^{-1}$.

设矩阵 $A = \begin{bmatrix} 0 & 1 & 0 \\ 2 & 0 & -1 \\ 3 & 4 & 1 \end{bmatrix}, I = \begin{bmatrix} 1 & 0 & 0 \\ 0 & 1 & 0 \\ 0 & 0 & 1 \end{bmatrix}$, 求 $(I+A)^{-1}$.

解: 因为 $I+A = \begin{bmatrix} 1 & 1 & 0 \\ 2 & 1 & -1 \\ 3 & 4 & 2 \end{bmatrix}$

$\begin{bmatrix} 1 & 1 & 0 & 1 & 0 & 0 \\ 2 & 1 & -1 & 0 & 1 & 0 \\ 3 & 4 & 2 & 0 & 0 & 1 \end{bmatrix} \rightarrow \begin{bmatrix} 1 & 1 & 0 & 1 & 0 & 0 \\ 0 & -1 & -1 & -2 & 1 & 0 \\ 0 & 1 & 2 & -3 & 0 & 1 \end{bmatrix}$

$$\rightarrow \begin{bmatrix} 1 & 1 & 0 & 1 & 0 & 0 \\ 0 & 1 & 1 & 2 & -1 & 0 \\ 0 & 0 & 1 & -5 & 1 & 1 \end{bmatrix} \rightarrow \begin{bmatrix} 1 & 1 & 0 & 1 & 0 & 0 \\ 0 & 1 & 0 & 7 & -2 & -1 \\ 0 & 0 & 1 & -5 & 1 & 1 \end{bmatrix}$$

$$\rightarrow \begin{bmatrix} 1 & 0 & 0 & -6 & 2 & 1 \\ 0 & 1 & 0 & 7 & -2 & -1 \\ 0 & 0 & 1 & -5 & 1 & 1 \end{bmatrix}$$

所以 $(I+A)^{-1} = \begin{bmatrix} -6 & 2 & 1 \\ 7 & -2 & -1 \\ -5 & 1 & 1 \end{bmatrix}$

30、设矩阵 $A=[012], B=[213]$, 求解矩阵方程 $XA=B$.

13. 解: 由 $XA=B$ 可得 $X=BA^{-1}$3分

$$[A \quad I] = \begin{bmatrix} 0 & 1 & 2 & 1 & 0 & 0 \\ 1 & 1 & -1 & 0 & 1 & 0 \\ 2 & 4 & 3 & 0 & 0 & 1 \end{bmatrix} \rightarrow \begin{bmatrix} 1 & 1 & -1 & 0 & 1 & 0 \\ 0 & 1 & 2 & 1 & 0 & 0 \\ 0 & 2 & 5 & 0 & -2 & 1 \end{bmatrix}$$

$$\rightarrow \begin{bmatrix} 1 & 1 & -1 & 0 & 1 & 0 \\ 0 & 1 & 2 & 1 & 0 & 0 \\ 0 & 0 & 1 & -2 & -2 & 1 \end{bmatrix} \rightarrow \begin{bmatrix} 1 & 1 & 0 & -2 & -1 & 1 \\ 0 & 1 & 0 & 5 & 4 & -2 \\ 0 & 0 & 1 & -2 & -2 & 1 \end{bmatrix}$$

$$\rightarrow \begin{bmatrix} 1 & 0 & 0 & -7 & -5 & 3 \\ 0 & 1 & 0 & 5 & 4 & -2 \\ 0 & 0 & 1 & -2 & -2 & 1 \end{bmatrix}$$

由此可得 $A^{-1} = \begin{bmatrix} -7 & -5 & 3 \\ 5 & 4 & -2 \\ -2 & -2 & 1 \end{bmatrix}$

因此, $X=BA^{-1} = \begin{bmatrix} 2 & 1 & 3 \\ -3 & 5 & 6 \end{bmatrix} \begin{bmatrix} -7 & -5 & 3 \\ 5 & 4 & -2 \\ -2 & -2 & 1 \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} -15 & -12 & 7 \\ 34 & 23 & -13 \end{bmatrix}$

31、设矩阵 $A=[01], B=[10]$, 计算 $(A^T B)^{-1}$.

设矩阵 $A = \begin{bmatrix} 0 & 1 \\ 0 & 1 \\ 1 & 2 \end{bmatrix}, B = \begin{bmatrix} 1 & 0 \\ 0 & -1 \\ -1 & 2 \end{bmatrix}$, 计算 $(A^T B)^{-1}$.

13. 解: 因为 $A^T B = \begin{bmatrix} 0 & 0 & 1 \\ 1 & 1 & 2 \end{bmatrix} \begin{bmatrix} 1 & 0 \\ 0 & -1 \\ -1 & 2 \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} -1 & 2 \\ -1 & 3 \end{bmatrix}$

所以由公式得 $(A^T B)^{-1} = \frac{1}{(-1) \times 3 - 2 \times (-1)} \begin{bmatrix} 3 & -2 \\ 1 & -1 \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} -3 & 2 \\ -1 & 1 \end{bmatrix}$

32、设矩阵 $A=[1-10], B=[200]$, 求 $A^{-1}B$.

13. 设矩阵 $A = \begin{bmatrix} 1 & -1 & 0 \\ -1 & 2 & 1 \\ 2 & 2 & 3 \end{bmatrix}, B = \begin{bmatrix} 2 & 0 & 0 \\ 0 & 5 & 0 \\ 0 & 0 & 5 \end{bmatrix}$, 求 $A^{-1}B$.

解: 利用初等行变换得

$$\begin{bmatrix} 1 & -1 & 0 & 1 & 0 & 0 \\ -1 & 2 & 1 & 0 & 1 & 0 \\ 2 & 2 & 3 & 0 & 0 & 1 \end{bmatrix} \rightarrow \begin{bmatrix} 1 & -1 & 0 & 1 & 0 & 0 \\ 0 & 1 & 1 & 1 & 1 & 0 \\ 0 & 4 & 3 & -2 & 0 & 1 \end{bmatrix}$$

$$\rightarrow \begin{bmatrix} 1 & -1 & 0 & 1 & 0 & 0 \\ 0 & 1 & 1 & 1 & 1 & 0 \\ 0 & 0 & -1 & -6 & -4 & 1 \end{bmatrix} \rightarrow \begin{bmatrix} 1 & -1 & 0 & 1 & 0 & 0 \\ 0 & 1 & 0 & -5 & -3 & 1 \\ 0 & 0 & 1 & 6 & 4 & -1 \end{bmatrix}$$

$$\rightarrow \begin{bmatrix} 1 & 0 & 0 & -4 & -3 & 1 \\ 0 & 1 & 0 & -5 & -3 & 1 \\ 0 & 0 & 1 & 6 & 4 & -1 \end{bmatrix}$$

$$A^{-1} = \begin{bmatrix} -4 & -3 & 1 \\ -5 & -3 & 1 \\ 6 & 4 & -1 \end{bmatrix}$$

即

由矩阵乘法得

$$A^{-1}B = \begin{bmatrix} -4 & -3 & 1 \\ -5 & -3 & 1 \\ 6 & 4 & -1 \end{bmatrix} \begin{bmatrix} 2 & 0 & 0 \\ 0 & 5 & 0 \\ 0 & 0 & 5 \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} -8 & -15 & 5 \\ -10 & -15 & 5 \\ 12 & 20 & -5 \end{bmatrix}$$

$$\rightarrow \begin{bmatrix} 1 & 0 & 2 & -1 \\ 0 & 1 & -1 & 1 \\ 0 & 0 & 0 & 0 \end{bmatrix}$$

所以一般解为 $\begin{cases} x_1 = -2x_3 + x_4 \\ x_2 = x_3 - x_4 \end{cases}$ (其中 x_3, x_4 是自由未知量)

33、设矩阵 $A=[100]$, 求 $(AA^T)^{-1}$.

$$A = \begin{bmatrix} 1 & 0 & 0 \\ 1 & 1 & -1 \\ -1 & 0 & 1 \end{bmatrix}, \text{求 } (AA^T)^{-1}$$

解: 由矩阵乘法和转置运算得

$$AA^T = \begin{bmatrix} 1 & 0 & 0 \\ 1 & 1 & -1 \\ -1 & 0 & 1 \end{bmatrix} \begin{bmatrix} 1 & 1 & -1 \\ 0 & 1 & 0 \\ 0 & -1 & 1 \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} 1 & 1 & -1 \\ 1 & 3 & -2 \\ -1 & -2 & 2 \end{bmatrix}$$

利用初等行变换得

$$\begin{bmatrix} 1 & 1 & -1 & 1 & 0 & 0 \\ 1 & 3 & -2 & 0 & 1 & 0 \\ -1 & -2 & 2 & 0 & 0 & 1 \end{bmatrix} \rightarrow \begin{bmatrix} 1 & 1 & -1 & 1 & 0 & 0 \\ 0 & 2 & -1 & -1 & 1 & 0 \\ 0 & -1 & 1 & 1 & 0 & 1 \end{bmatrix}$$

$$\rightarrow \begin{bmatrix} 1 & 1 & -1 & 1 & 0 & 0 \\ 0 & 1 & 0 & 0 & 1 & 1 \\ 0 & -1 & 1 & 1 & 0 & 1 \end{bmatrix} \rightarrow \begin{bmatrix} 1 & 1 & -1 & 1 & 0 & 0 \\ 0 & 1 & 0 & 0 & 1 & 1 \\ 0 & 0 & 1 & 1 & 1 & 2 \end{bmatrix}$$

$$\rightarrow \begin{bmatrix} 1 & 1 & 0 & 2 & 1 & 2 \\ 0 & 1 & 0 & 0 & 1 & 1 \\ 0 & 0 & 1 & 1 & 1 & 2 \end{bmatrix} \rightarrow \begin{bmatrix} 1 & 0 & 0 & 2 & 0 & 1 \\ 0 & 1 & 0 & 0 & 1 & 1 \\ 0 & 0 & 1 & 1 & 1 & 2 \end{bmatrix}$$

即 $(AA^T)^{-1} = \begin{bmatrix} 2 & 0 & 1 \\ 0 & 1 & 1 \\ 1 & 1 & 2 \end{bmatrix}$

34、设矩阵 $A=[10], B=[01]$, 求 $(B^T A)^{-1}$.

设矩阵 $A = \begin{bmatrix} 1 & 0 \\ 0 & -1 \\ -1 & 2 \end{bmatrix}, B = \begin{bmatrix} 0 & 1 \\ 0 & 1 \\ 1 & 2 \end{bmatrix}$, 求 $(B^T A)^{-1}$.

13. 解: 因为

$$B^T A = \begin{bmatrix} 0 & 0 & 1 \\ 1 & 1 & 2 \end{bmatrix} \begin{bmatrix} 1 & 0 \\ 0 & -1 \\ -1 & 2 \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} -1 & 2 \\ -1 & 3 \end{bmatrix} \dots\dots\dots$$

所以由公式可得

$$(B^T A)^{-1} = \frac{1}{(-1) \times 3 - 2 \times (-1)} \begin{bmatrix} 3 & -2 \\ 1 & -1 \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} -3 & 2 \\ -1 & 1 \end{bmatrix}$$

35、设矩阵 $A=[110]$, 求 $(AA^T)^{-1}$.

设矩阵 $A = \begin{bmatrix} 1 & 1 & 0 \\ 0 & 1 & 1 \end{bmatrix}$, 计算 $(AA^T)^{-1}$.

13. 解: $AA^T = \begin{bmatrix} 1 & 1 & 0 \\ 0 & 1 & 1 \end{bmatrix} \begin{bmatrix} 1 & 0 \\ 1 & 1 \\ 0 & 1 \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} 2 & 1 \\ 1 & 2 \end{bmatrix}$

因为

$$\begin{bmatrix} 2 & 1 & 1 & 0 \\ 1 & 2 & 0 & 1 \end{bmatrix} \rightarrow \begin{bmatrix} 1 & \frac{1}{2} & \frac{1}{2} & 0 \\ 0 & \frac{3}{2} & -\frac{1}{2} & 1 \end{bmatrix} \rightarrow \begin{bmatrix} 1 & \frac{1}{2} & \frac{1}{2} & 0 \\ 0 & 1 & -\frac{1}{3} & \frac{2}{3} \end{bmatrix} \rightarrow \begin{bmatrix} 1 & 0 & \frac{2}{3} & -\frac{1}{3} \\ 0 & 1 & -\frac{1}{3} & \frac{2}{3} \end{bmatrix}$$

所以 $(AA^T)^{-1} = \begin{bmatrix} \frac{2}{3} & -\frac{1}{3} \\ -\frac{1}{3} & \frac{2}{3} \end{bmatrix}$.

36、设矩阵 $A=[12-3]$, $B=[1-30]$ 求解矩阵方程 $XA=B$.

13. 设矩阵 $A = \begin{bmatrix} 1 & 2 & -3 \\ 3 & 2 & -4 \\ 2 & -1 & 0 \end{bmatrix}$, $B = \begin{bmatrix} 1 & -3 & 0 \\ 0 & 2 & 7 \end{bmatrix}$, 求解矩阵方程 $XA=B$.

13. 解: 由 $XA=B$ 可得 $X=BA^{-1}$.

$$[A \ I] = \begin{bmatrix} 1 & 2 & -3 & 1 & 0 & 0 \\ 3 & 2 & -4 & 0 & 1 & 0 \\ 2 & -1 & 0 & 0 & 0 & 1 \end{bmatrix} \rightarrow \begin{bmatrix} 1 & 2 & -3 & 1 & 0 & 0 \\ 0 & -4 & 5 & -3 & 1 & 0 \\ 0 & -5 & 6 & -2 & 0 & 1 \end{bmatrix}$$

$$\rightarrow \begin{bmatrix} 1 & 2 & -3 & 1 & 0 & 0 \\ 0 & 1 & -1 & -1 & 1 & -1 \\ 0 & -5 & 6 & -2 & 0 & 1 \end{bmatrix} \rightarrow \begin{bmatrix} 1 & 0 & -1 & 3 & -2 & 2 \\ 0 & 1 & -1 & -1 & 1 & -1 \\ 0 & 0 & 1 & -7 & 5 & -4 \end{bmatrix}$$

37、设矩阵 $A=[23-1]$, 求 A^{-1} .

设矩阵 $A = \begin{bmatrix} 2 & 3 & -1 \\ 0 & -1 & 1 \\ 0 & 1 & 0 \end{bmatrix}$, 求 A^{-1} .

解: 因为 $[A \ I] = \begin{bmatrix} 2 & 3 & -1 & 1 & 0 & 0 \\ 0 & -1 & 1 & 0 & 1 & 0 \\ 0 & 1 & 0 & 0 & 0 & 1 \end{bmatrix} \rightarrow \begin{bmatrix} 2 & 0 & 2 & 1 & 3 & 0 \\ 0 & -1 & 1 & 0 & 1 & 0 \\ 0 & 0 & 1 & 0 & 1 & 1 \end{bmatrix}$

$$\rightarrow \begin{bmatrix} 2 & 0 & 0 & 1 & 1 & -2 \\ 0 & -1 & 0 & 0 & 0 & -1 \\ 0 & 0 & 1 & 0 & 1 & 1 \end{bmatrix} \rightarrow \begin{bmatrix} 1 & 0 & 0 & \frac{1}{2} & \frac{1}{2} & -1 \\ 0 & 1 & 0 & 0 & 0 & 1 \\ 0 & 0 & 1 & 0 & 1 & 1 \end{bmatrix}$$

所以 $A^{-1} = \begin{bmatrix} \frac{1}{2} & \frac{1}{2} & -1 \\ 0 & 0 & 1 \\ 0 & 1 & 1 \end{bmatrix}$.

38、已知 $AX=B$, 其中 $A=[122]$, $B=[2]$, 求 X .

已知 $AX=B$, 其中 $A = \begin{bmatrix} 1 & 2 & 2 \\ -1 & -1 & 0 \\ 1 & 3 & 5 \end{bmatrix}$, $B = \begin{bmatrix} 2 \\ -1 \\ 1 \end{bmatrix}$, 求 X .

13. 解: 利用初等行变换得

$$\begin{bmatrix} 1 & 2 & 2 & 1 & 0 & 0 \\ -1 & -1 & 0 & 0 & 1 & 0 \\ 1 & 3 & 5 & 0 & 0 & 1 \end{bmatrix} \rightarrow \begin{bmatrix} 1 & 2 & 2 & 1 & 0 & 0 \\ 0 & 1 & 2 & 1 & 1 & 0 \\ 0 & 1 & 3 & -1 & 0 & 1 \end{bmatrix}$$

$$\rightarrow \begin{bmatrix} 1 & 2 & 2 & 1 & 0 & 0 \\ 0 & 1 & 2 & 1 & 1 & 0 \\ 0 & 0 & 1 & -2 & -1 & 1 \end{bmatrix} \rightarrow \begin{bmatrix} 1 & 2 & 0 & 5 & 2 & -2 \\ 0 & 1 & 0 & 5 & 3 & -2 \\ 0 & 0 & 1 & -2 & -1 & 1 \end{bmatrix}$$

$$\rightarrow \begin{bmatrix} 1 & 0 & 0 & -5 & -4 & 2 \\ 0 & 1 & 0 & 5 & 3 & -2 \\ 0 & 0 & 1 & -2 & -1 & 1 \end{bmatrix}$$

$$A^{-1} = \begin{bmatrix} -5 & -4 & 2 \\ 5 & 3 & -2 \\ -2 & -1 & 1 \end{bmatrix}$$

由此得

$$X = A^{-1}B = \begin{bmatrix} -5 & -4 & 2 \\ 5 & 3 & -2 \\ -2 & -1 & 1 \end{bmatrix} \begin{bmatrix} 2 \\ -1 \\ 1 \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} -4 \\ 5 \\ -2 \end{bmatrix}$$

上一次考试有 150 多个科目改版, 伯仲教育每学期均会在期末考试前整合最新历届试题+形考作业+综合练习册题目, 有需要直接访问

任何问题都可以联系我微信: Wj585858-

请直接打印, 已按字母排版

已整理 700 个国开科目, 有需要请直接微信 Wj585858-, 说明要购买的试卷号及科目名称即可

ps: 资料考前整理, 只供大家复习使用! 已和最新历届试题核对, 有新题并已整合, 以此版为准

